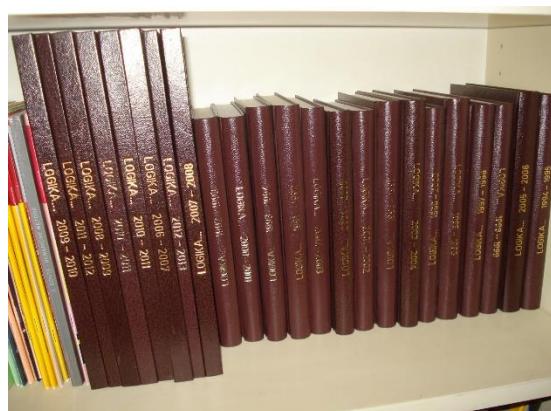


Spoštovani,

Maja ali v začetku junija l. 1991 je izšla prva številka revije Logika in razvedrilna matematika, pred vami pa je četrta številka 30. letnika. Prvih petnajst let je izhajala šestkrat letno, to je znašalo 90 številk. Naslednjih sedem let je izhajala štirikrat letno, to je bilo 28 številk večjega formata. Od šolskega leta 2013/2014, to je 8 let, je na voljo brezplačno na spletu. Vsega skupaj je izšlo 150 številk. Na spletu najdete tudi veliko starejših številk revije ter zbirk nalog iz logike in matematike.



Barvni sudoku

V $n \times n$ kvadratkov moraš vpisati začetna naravna števila od 1 do n tako, da bo v vsaki vrstici, v vsakem stolpcu in v kvadratkih iste barve nastopalo vseh n števil.

1.

		5	2			
1				3		

				2		
4					1	
3						

		4	3			
				4		
1						

		1				
4						
		3				
			2			

			2			
4				3		
4						

			4			
1						

	1					
		3	5			
				4	3	
6						
5					2	
				5		

		2			3	
4						

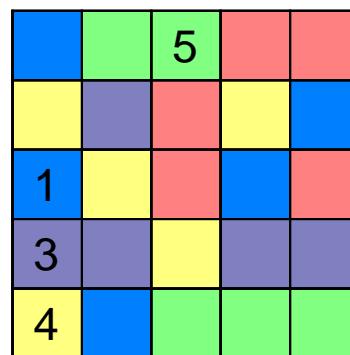
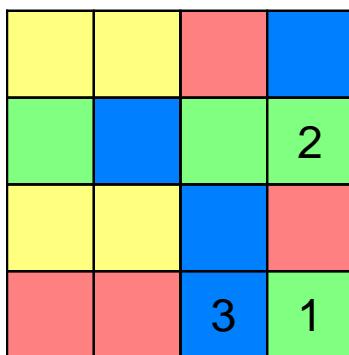
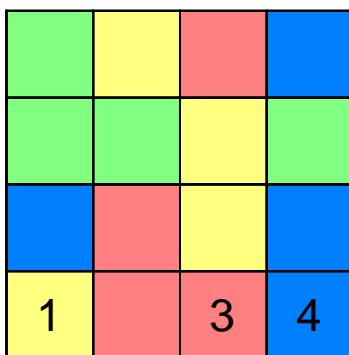
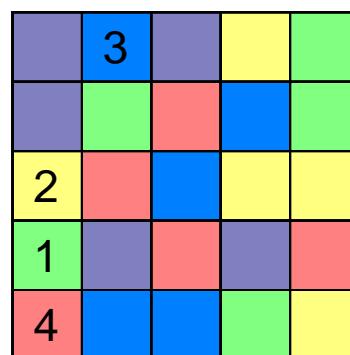
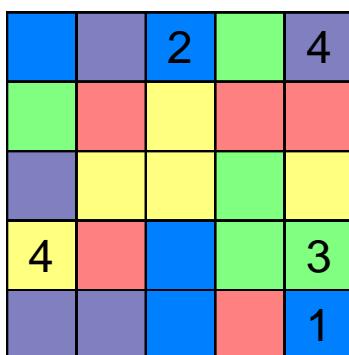
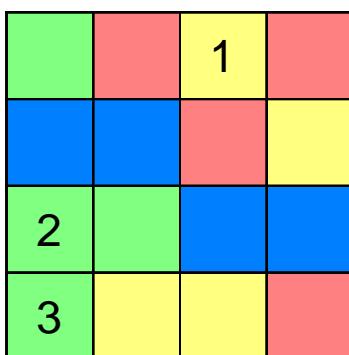
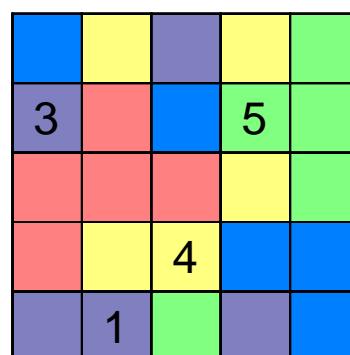
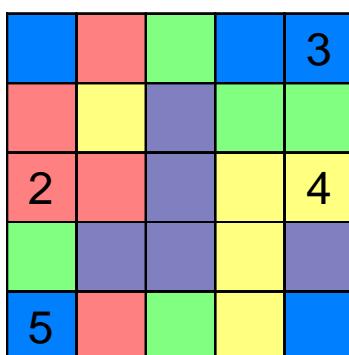
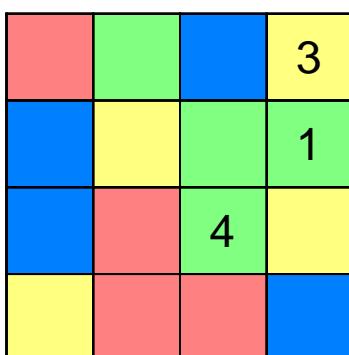
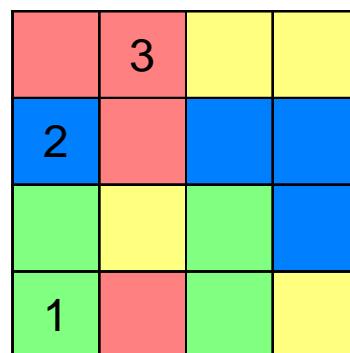
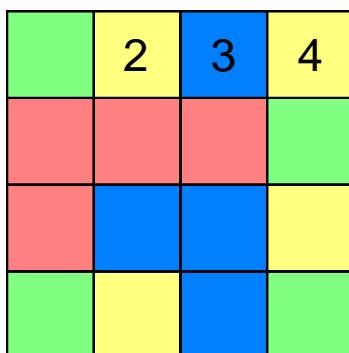
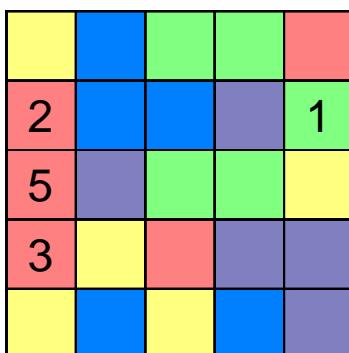
			1		3	
4						
3						

		2	1	3		
4						
4						

4						
		1	3			
4						

		3				
3						
4						

2.



Latinski kvadrati

V $n \times n$ kvadratkov moraš vpisati začetne številke 1, 2, 3, ... tako, da bo v vsaki vrstici, v vsakem stolpcu nastopalo vseh n številk.

			3
3	5		
		1	
1	2		
4			

3			4
2		4	
	5		
1		5	

1			
		5	3
	5		
2		4	
	4		1

	4	1	
2			
1			

4		2	
		3	
1	3		

	4	3	
			5
	5	2	1
	3		
			1

2			1
	4		
	1	3	

	2	3	
1		5	
		4	
4	2		

3			
	3		
		2	
	4		1

3		2	
		1	
	2		
1			

5	4		
2		3	
2		1	
3			5

5			
			4
	1		5
3			2
2			4

Sudoku s črkami

V $n \times n$ kvadratkov moraš vpisati začetna naravna števila od 1 do n tako, da bo v vsaki vrstici, v vsakem stolpcu in v kvadratkih z isto črko nastopalo vseh n števil.

A	A	3	1	2
A	B	B	C	
A	D	D	B	
B	C	C	C	

C	A	B	C
A	D	3	1
D	D	A	D
B	4	C	B

C	B	D	1
A	B	B	3
A	B	D	A
C	D	C	C

D	B	D	B
A	2	C	A
A	B	C	4
C	3	A	D

B	B	1	D
B	B	4	C
D	D	A	C
D	C	2	A

D	D	4	1
C	B	A	C
C	A	A	C
B	B	3	D

B	A	C	3
A	A	D	C
C	D	D	B
D	4	A	2

D	D	2	3
C	B	A	A
B	B	A	B
C	D	A	C

B	D	D	B
B	A	A	A
C	D	C	A
C	C	B	D

C	C	4	2
B	B	3	B
A	D	C	A
A	D	D	B

A	B	4	D
C	D	2	C
A	B	B	B
D	A	3	C

C	B	4	A
C	B	B	C
D	B	D	3
A	C	D	A

Futoshiki

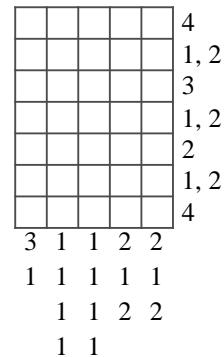
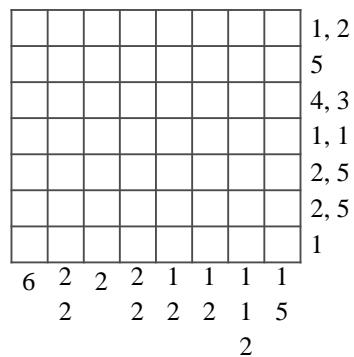
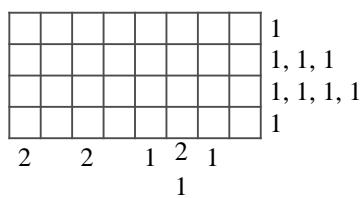
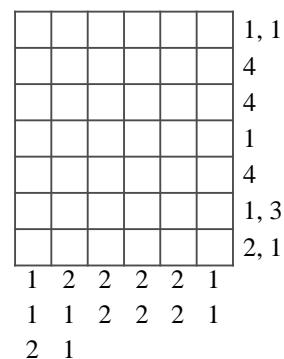
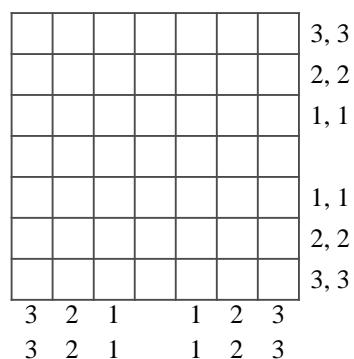
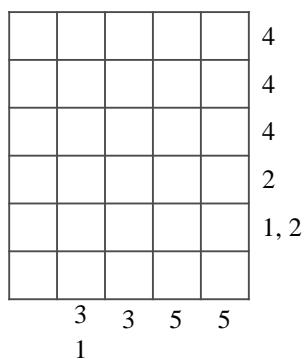
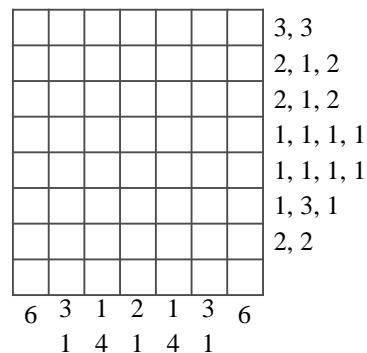
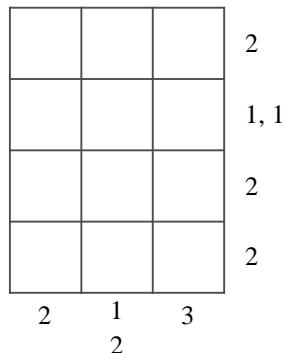
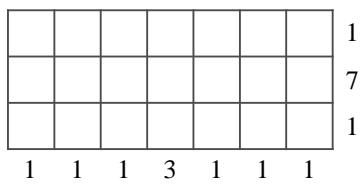
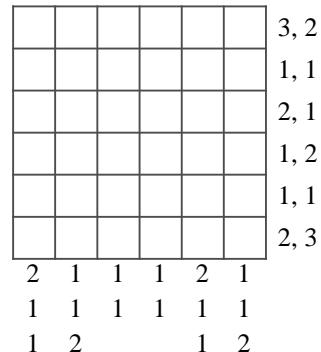
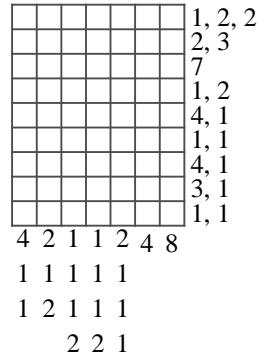
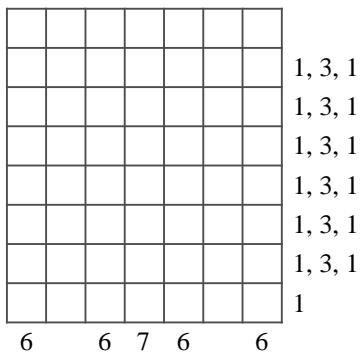
V $n \times n$ kvadratkov moraš vpisati začetna naravna števila od 1 do n tako, da bo v vsaki vrstici in v vsakem stolpcu nastopalo vseh n števil ter da bodo izpolnjene vse relacije.

Določi razpored

<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE SOSEDA OD B.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE DESNO OD C.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD C.</td><td>R</td></tr> </table>				A JE SOSEDA OD B.	N	A JE DESNO OD C.	N	A JE LEVO OD C.	R	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD B.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE DESNO OD C.</td><td>R</td></tr> </table>				A JE LEVO OD B.	N	B JE DESNO OD C.	R									
A JE SOSEDA OD B.	N																									
A JE DESNO OD C.	N																									
A JE LEVO OD C.	R																									
A JE LEVO OD B.	N																									
B JE DESNO OD C.	R																									
<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE SOSEDA OD D.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE SOSEDA OD D.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE LEVO OD D.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE LEVO OD D.</td><td>R</td></tr> </table>					A JE SOSEDA OD D.	R	C JE SOSEDA OD D.	R	B JE LEVO OD D.	N	C JE LEVO OD D.	R	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE DESNO OD B.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE SOSEDA OD D.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE SOSEDA OD C.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE DESNO OD C.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE SOSEDA OD D.</td><td>N</td></tr> </table>	A JE DESNO OD B.	N	C JE SOSEDA OD D.	R	A JE SOSEDA OD C.	R	A JE DESNO OD C.	R	B JE SOSEDA OD D.	N			
A JE SOSEDA OD D.	R																									
C JE SOSEDA OD D.	R																									
B JE LEVO OD D.	N																									
C JE LEVO OD D.	R																									
A JE DESNO OD B.	N																									
C JE SOSEDA OD D.	R																									
A JE SOSEDA OD C.	R																									
A JE DESNO OD C.	R																									
B JE SOSEDA OD D.	N																									
<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>D JE SOSEDA OD E.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE LEVO OD D.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>D JE LEVO OD E.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD D.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE DESNO OD E.</td><td>R</td></tr> </table>						D JE SOSEDA OD E.	N	C JE LEVO OD D.	N	D JE LEVO OD E.	R	A JE LEVO OD D.	R	C JE DESNO OD E.	R	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE DESNO OD D.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE SOSEDA OD E.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE DESNO OD D.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD C.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE SOSEDA OD C.</td><td>N</td></tr> </table>	C JE DESNO OD D.	R	A JE SOSEDA OD E.	R	B JE DESNO OD D.	N	A JE LEVO OD C.	N	A JE SOSEDA OD C.	N
D JE SOSEDA OD E.	N																									
C JE LEVO OD D.	N																									
D JE LEVO OD E.	R																									
A JE LEVO OD D.	R																									
C JE DESNO OD E.	R																									
C JE DESNO OD D.	R																									
A JE SOSEDA OD E.	R																									
B JE DESNO OD D.	N																									
A JE LEVO OD C.	N																									
A JE SOSEDA OD C.	N																									
<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE SOSEDA OD E.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE DESNO OD D.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE SOSEDA OD C.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE DESNO OD E.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD C.</td><td>N</td></tr> </table>						B JE SOSEDA OD E.	R	A JE DESNO OD D.	N	B JE SOSEDA OD C.	R	C JE DESNO OD E.	N	A JE LEVO OD C.	N	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE DESNO OD E.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>D JE LEVO OD E.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>A JE LEVO OD C.</td><td>R</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>B JE DESNO OD D.</td><td>N</td></tr> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tr><td>C JE SOSEDA OD E.</td><td>N</td></tr> </table>	A JE DESNO OD E.	R	D JE LEVO OD E.	R	A JE LEVO OD C.	R	B JE DESNO OD D.	N	C JE SOSEDA OD E.	N
B JE SOSEDA OD E.	R																									
A JE DESNO OD D.	N																									
B JE SOSEDA OD C.	R																									
C JE DESNO OD E.	N																									
A JE LEVO OD C.	N																									
A JE DESNO OD E.	R																									
D JE LEVO OD E.	R																									
A JE LEVO OD C.	R																									
B JE DESNO OD D.	N																									
C JE SOSEDA OD E.	N																									

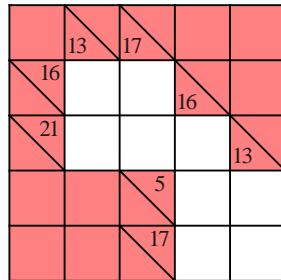
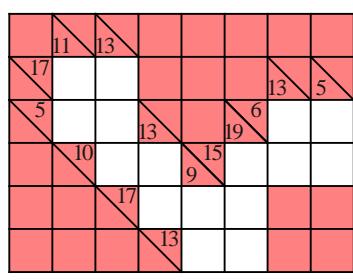
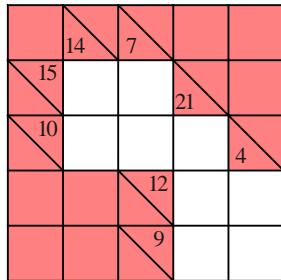
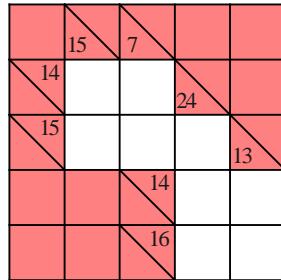
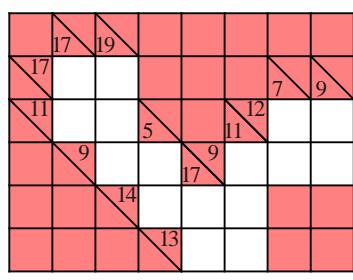
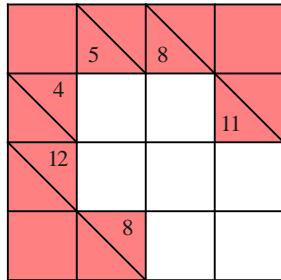
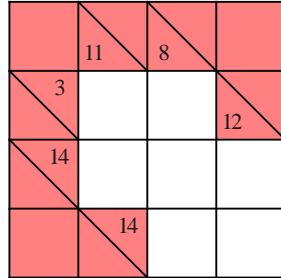
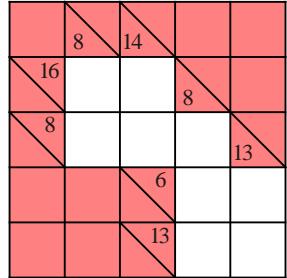
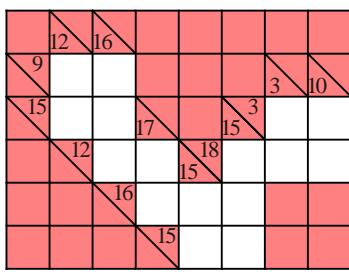
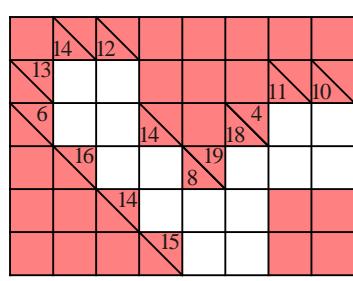
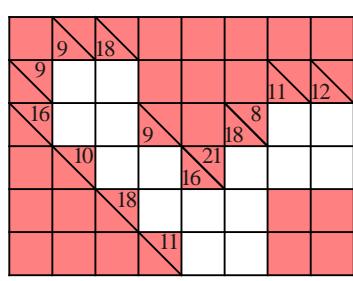
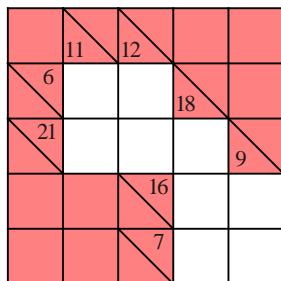
Gobelini

Kvadratke v razpredelnici moraš pobarvati sivo tako, da bo zaporedje sivih pasov v vrstici ustrezo zaporedju števil na desni in da bo zaporedje sivih pasov v stolpcu ustrezo zaporedju števil pod njim.



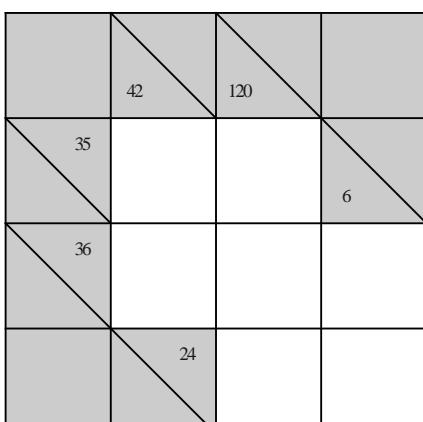
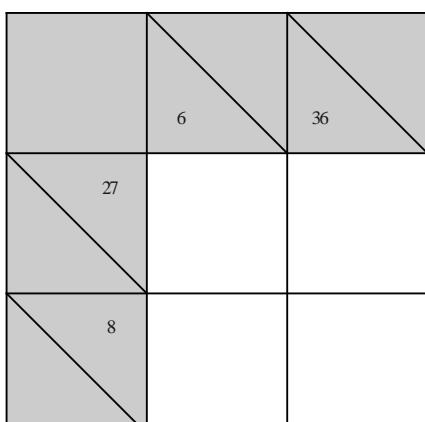
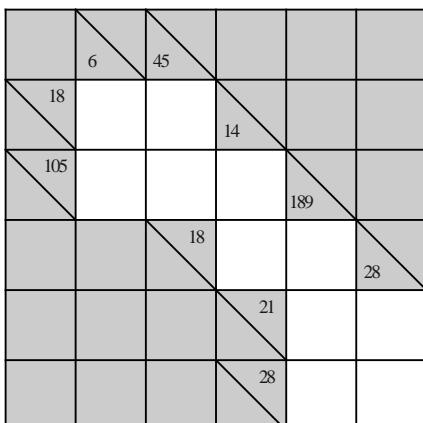
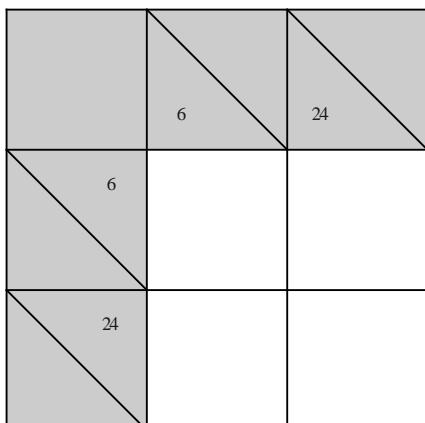
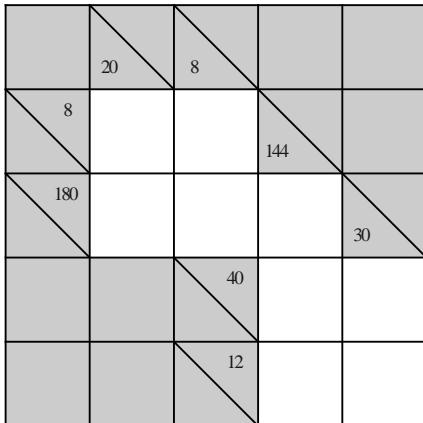
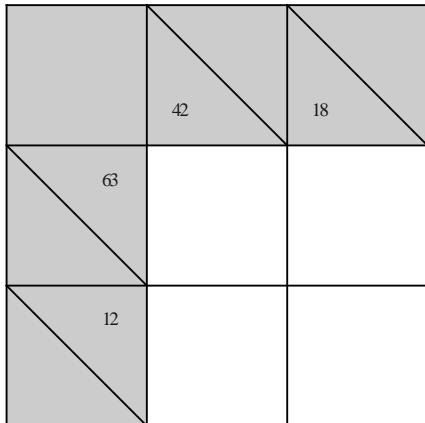
Križne vsote

Naloga reševalca je, da izpolni bele kvadratke s števkami od 1 do 9 tako, da je vsota števk v zaporednih belih kvadratkih po vrsticah in stolpcih enaka številu, ki je zapisano v rdečem kvadratku na začetku vrstice (stolpca) nad (pod) diagonalo. Pri tem pa morajo biti vse števke v posamezni vrstici (stolpcu) različne.



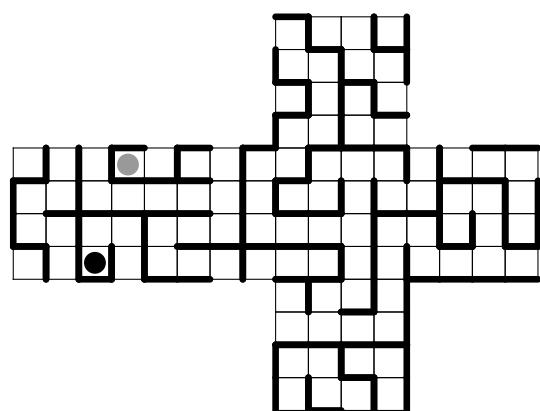
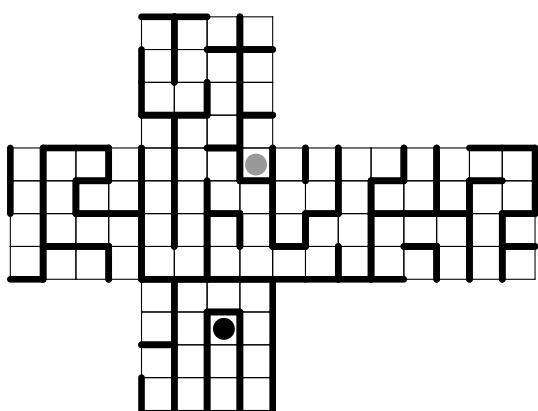
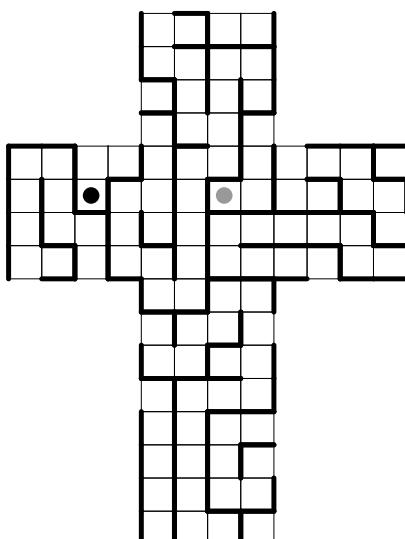
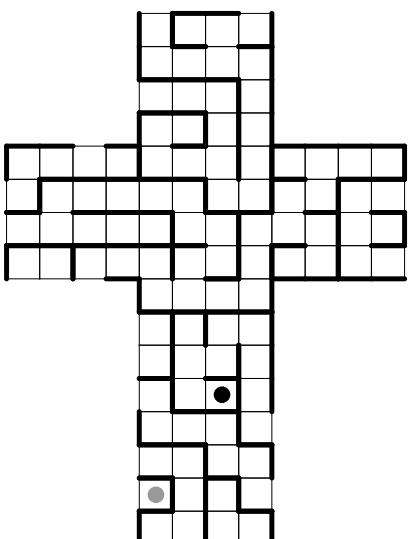
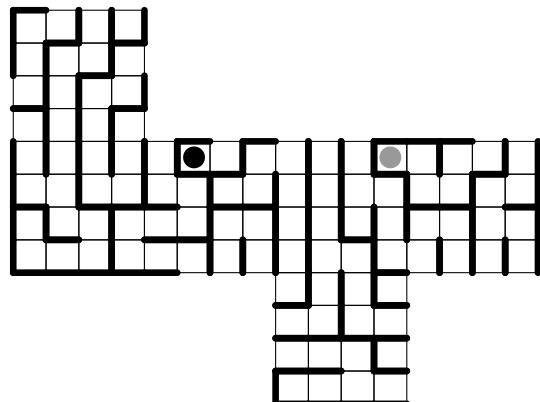
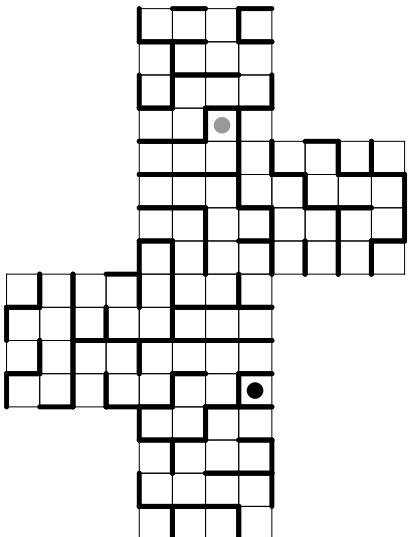
Križni produkti

Naloga reševalca je, da izpolni bele kvadratke s števkami od 2 do 9 tako, da bo zmnožek števk v zaporednih belih kvadratkih po vrsticah in stolpcih enak številu, ki je zapisano v sivem kvadratku na začetku vrstice (stolpca) nad (pod) diagonalo. Pri tem pa morajo biti vse števke v posamezni vrstici (stolpcu) različne.



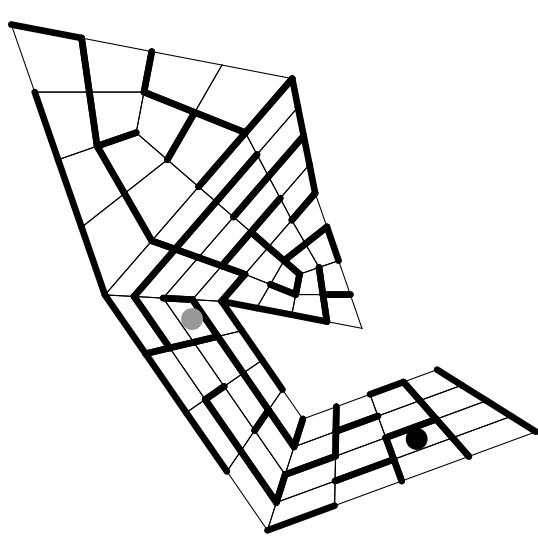
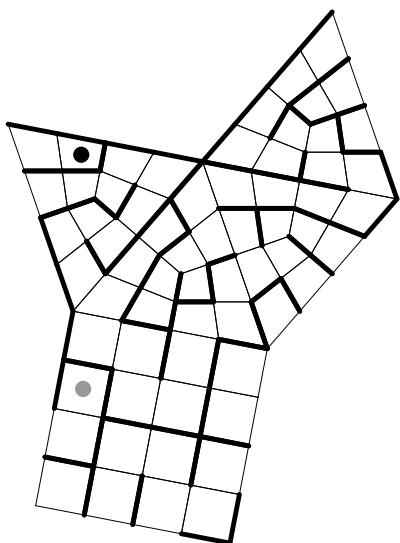
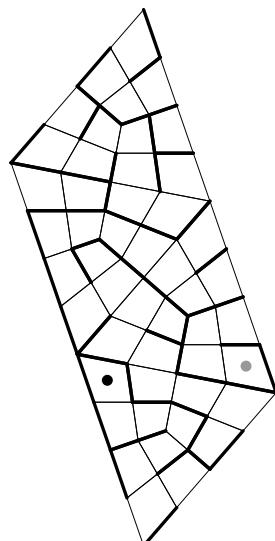
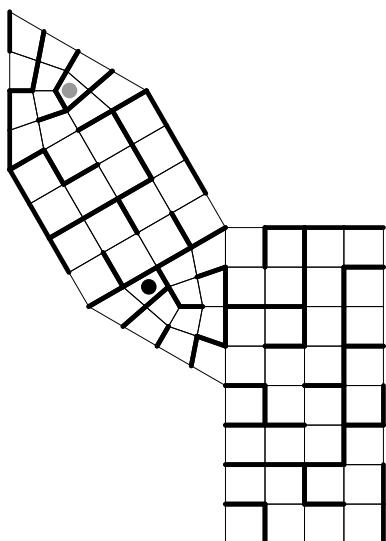
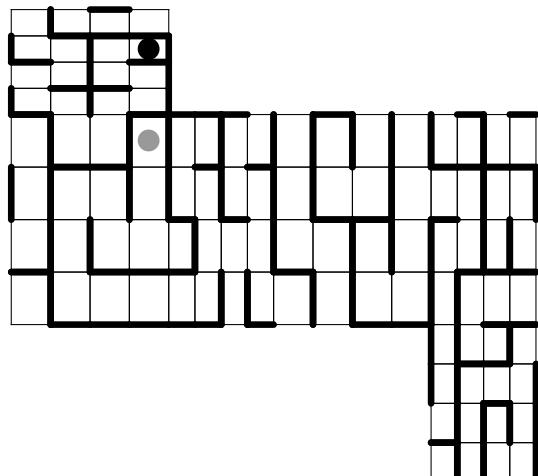
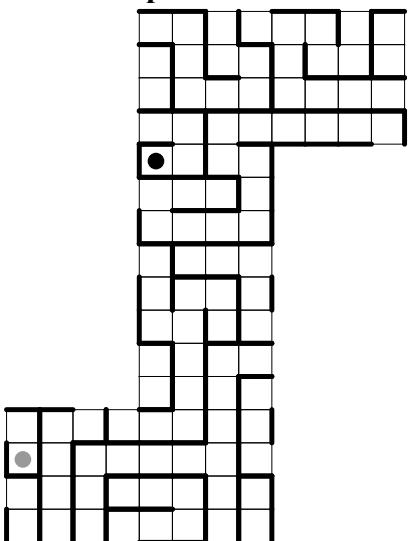
Labirint na kocki

Poveži točki na kocki:



Labirinti na enostavnih poliedrih

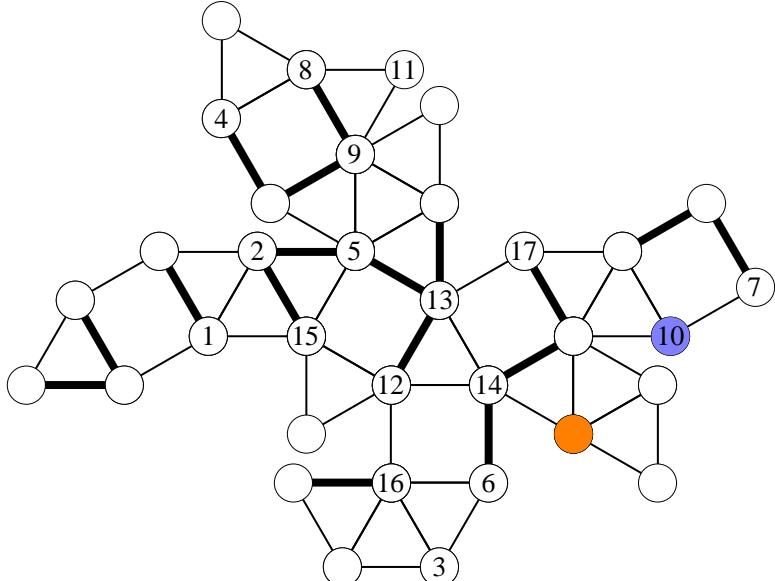
Poveži točki na poliedru:



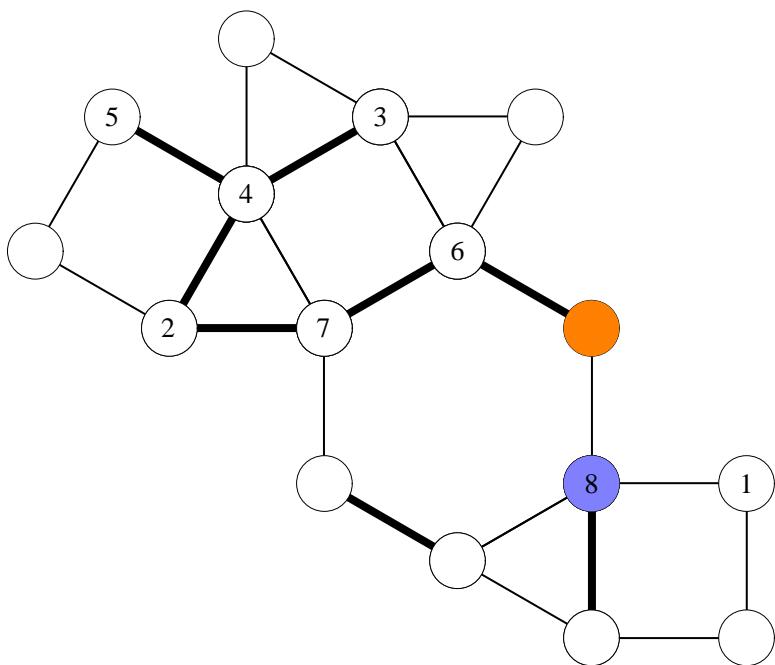
Labirinti na robovih poliedra

V naslednjih nalogah moramo povezati dve oglišči poliedra, ki je podan z mrežo. Poiskati moramo pot od oranžne do modre točke. Iz ene točke lahko gremo do druge točke, če je med njima debelejša črta ali pa točki predstavljata isto oglišče poliedra.

1.

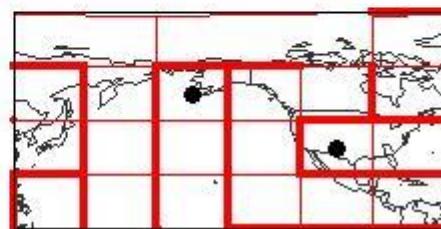
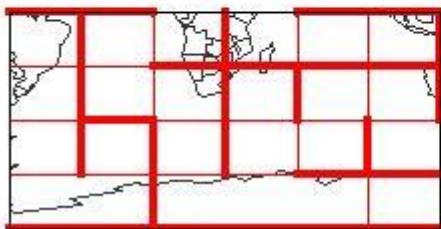
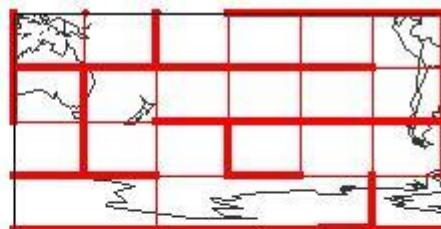
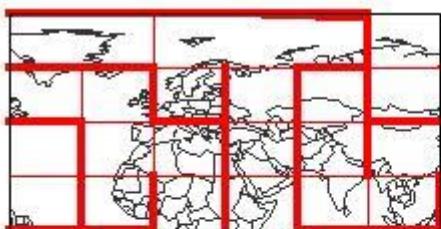


2.

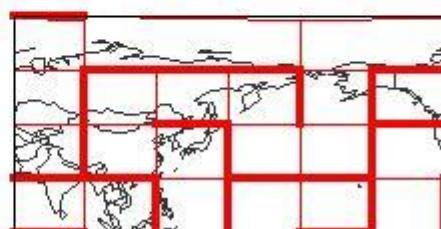
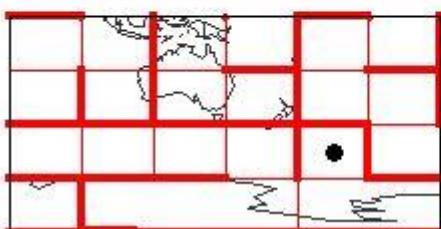
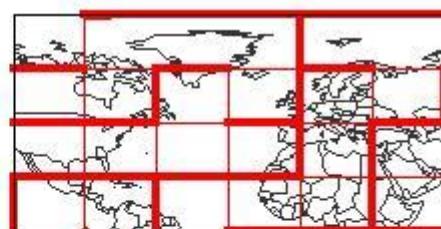
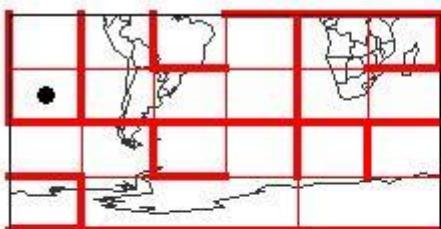


Večdelni labirinti na zemljevidu

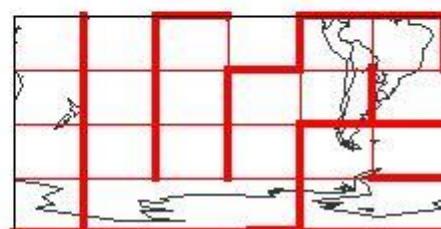
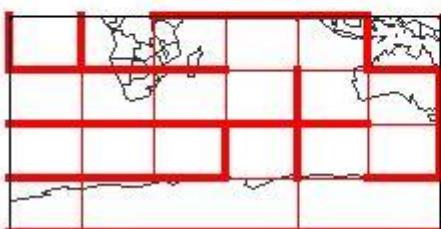
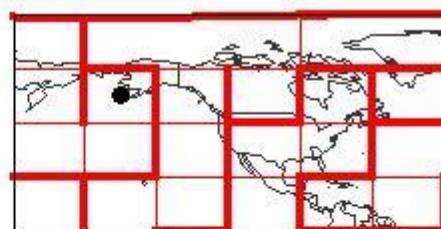
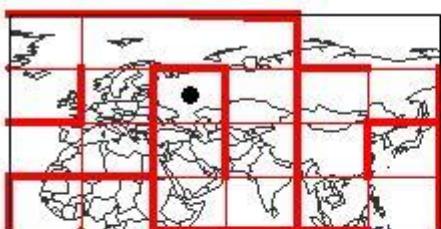
1.



2.

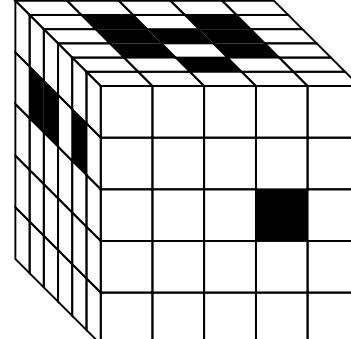
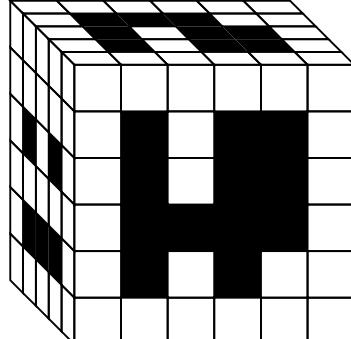
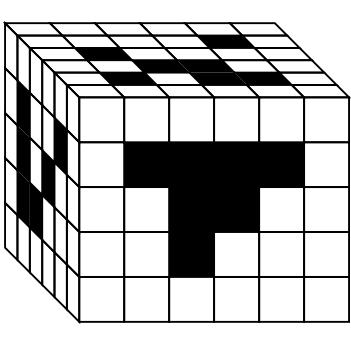
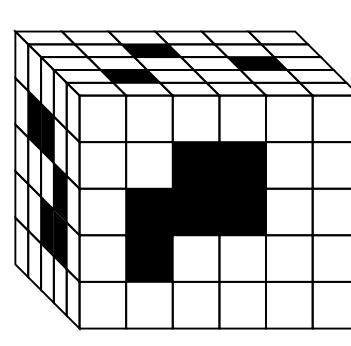
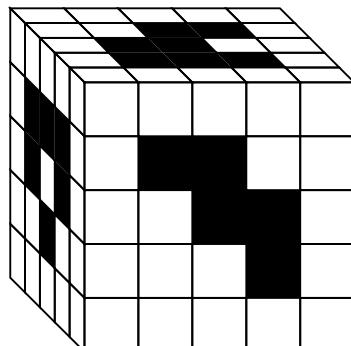
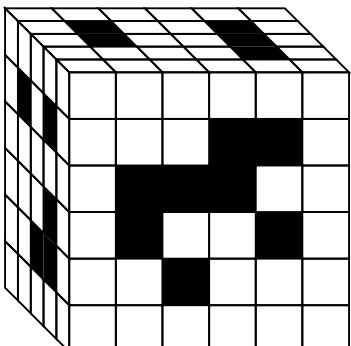
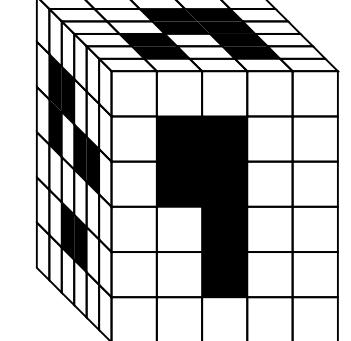
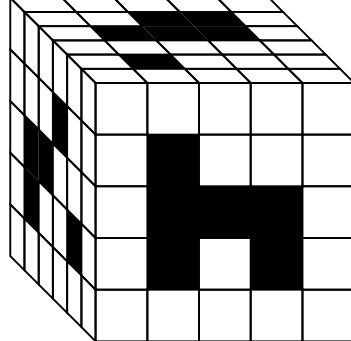
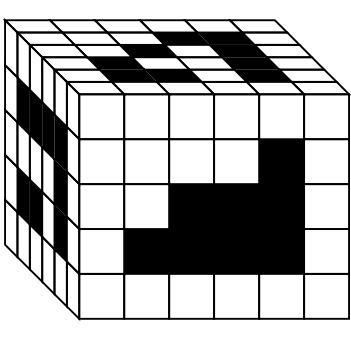
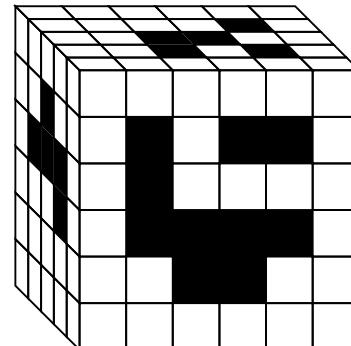
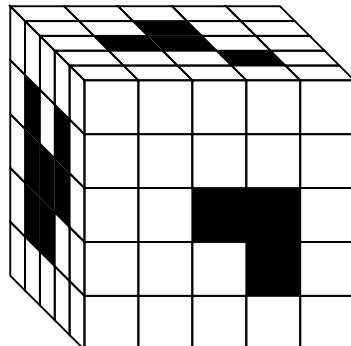
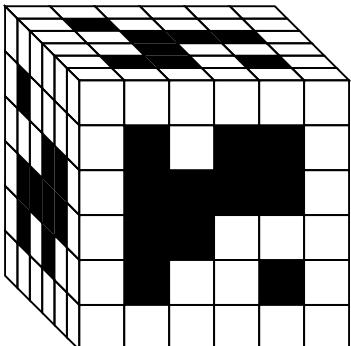


3.



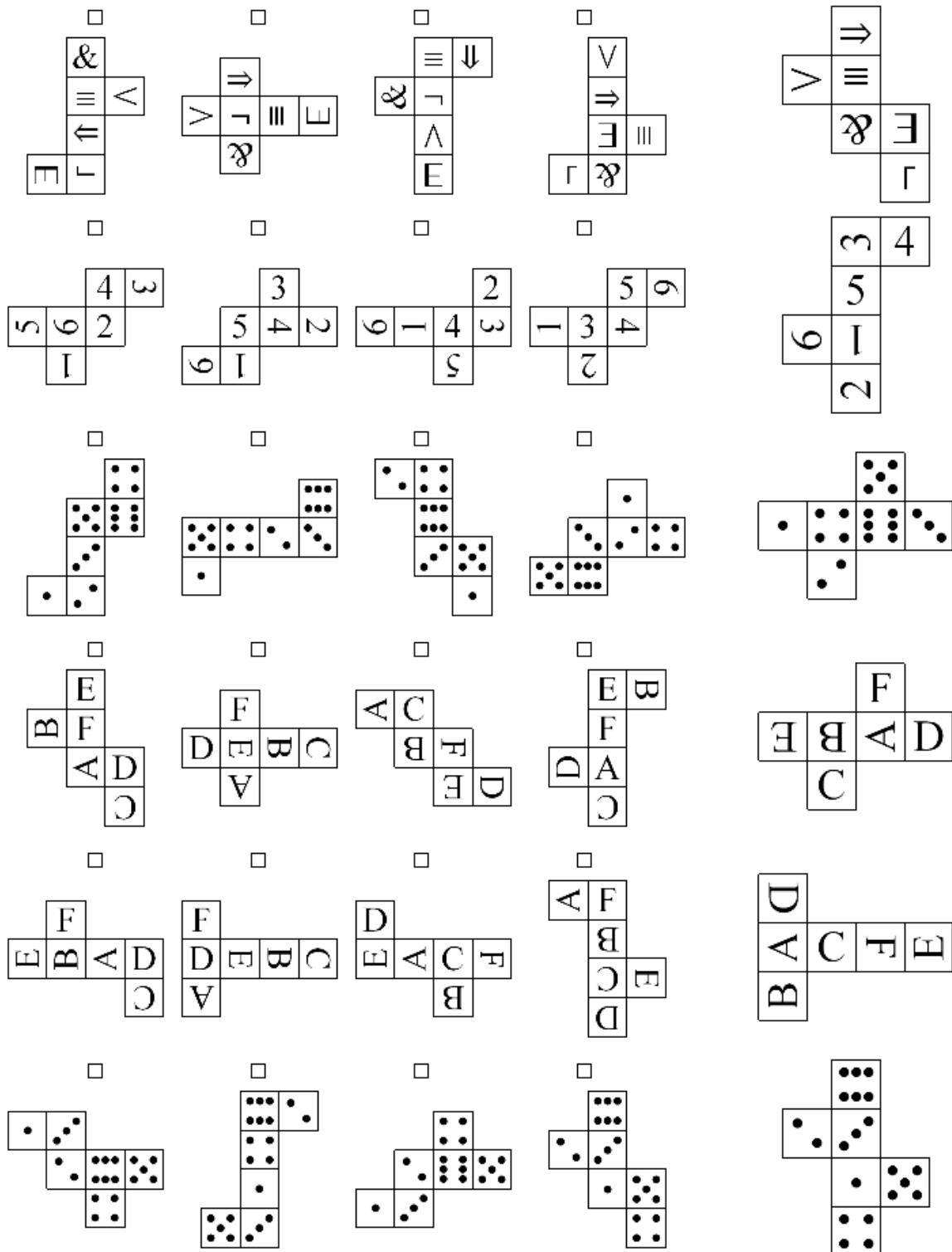
Odstranjene kocke

Dan je kvader, ki sestoji iz kockic. Odstranimo vse kocke, ki so zaznamovane črno od vrha do dna, od leve do desne in od spredaj do zadaj. Koliko kock smo odstranili?



Kocki določi mrežo

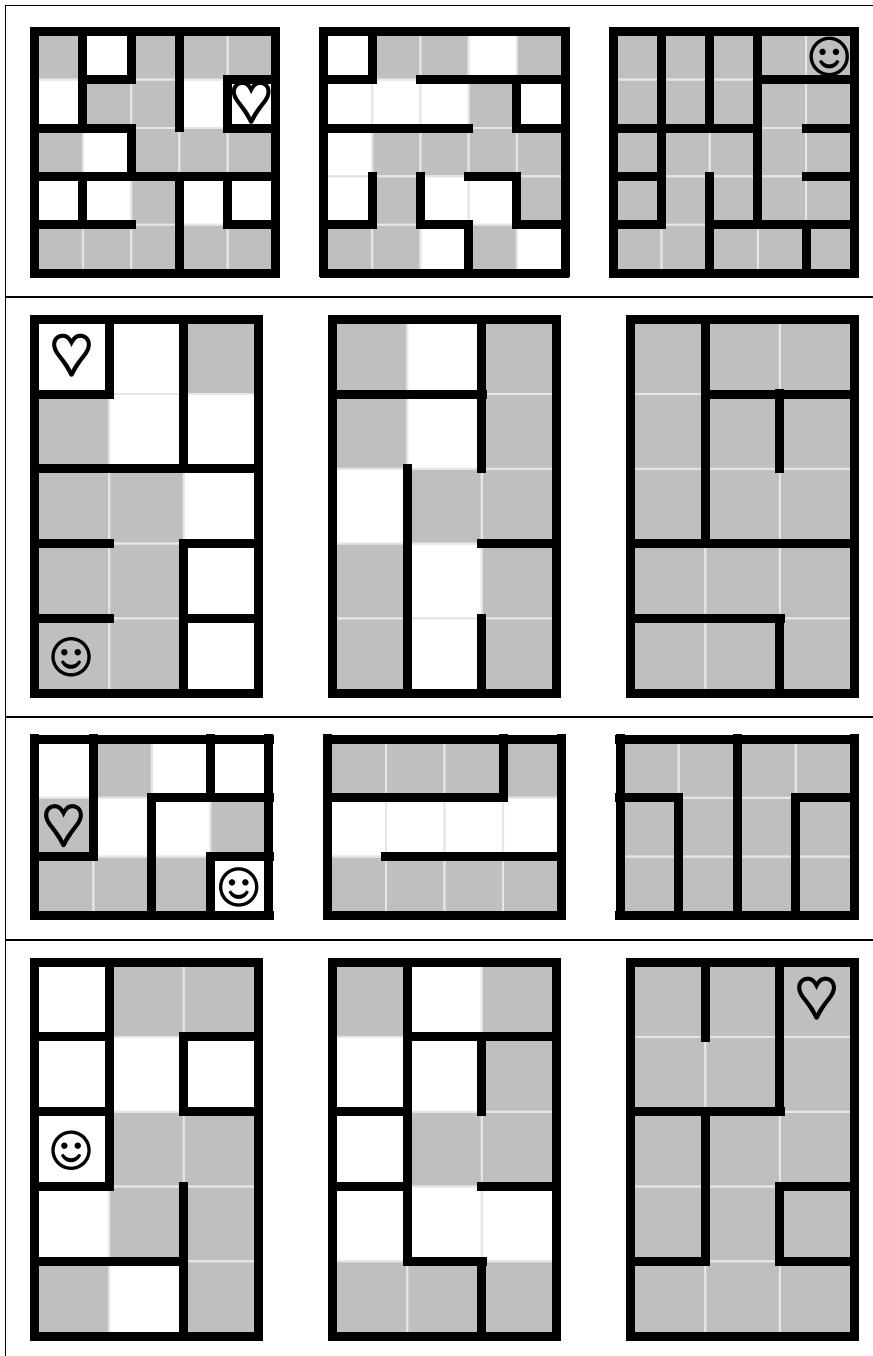
Vsaki mreži na desni (večja mreža) določi mrežo iste kocke na levi.



Labirint v kvadru

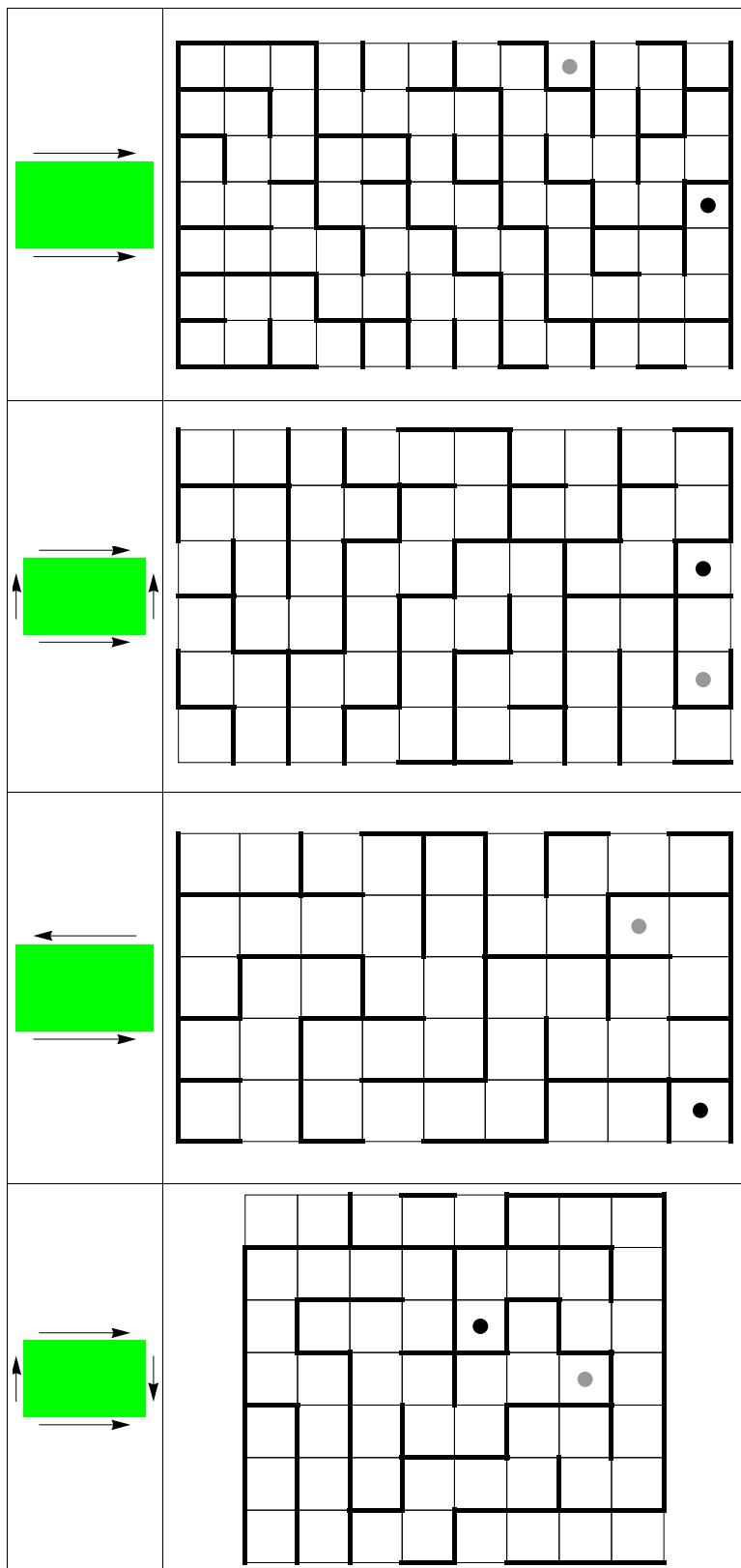
Kvader sestoji iz vodoravnih slojev kockastih oddelkov (zgornji, srednji in spodnji sloj so dani od leve proti desni). Odebeljene črte preprečujejo prehajanje med sosednjima oddelkoma istega sloja. Med oddelkom in oddelkom neposredno pod njim lahko prehajamo, če in samo če je prvi pobaran belo.

Pošči najkrajšo pot od oddelka z 1(smeško) do oddelka z A(srce)! Pot označi z zaporednimi naravnimi števili. Prvi oddelek je že označen z 1, vsak naslednji sosednji oddelek (kocko) pa s številom, večjim za 1.



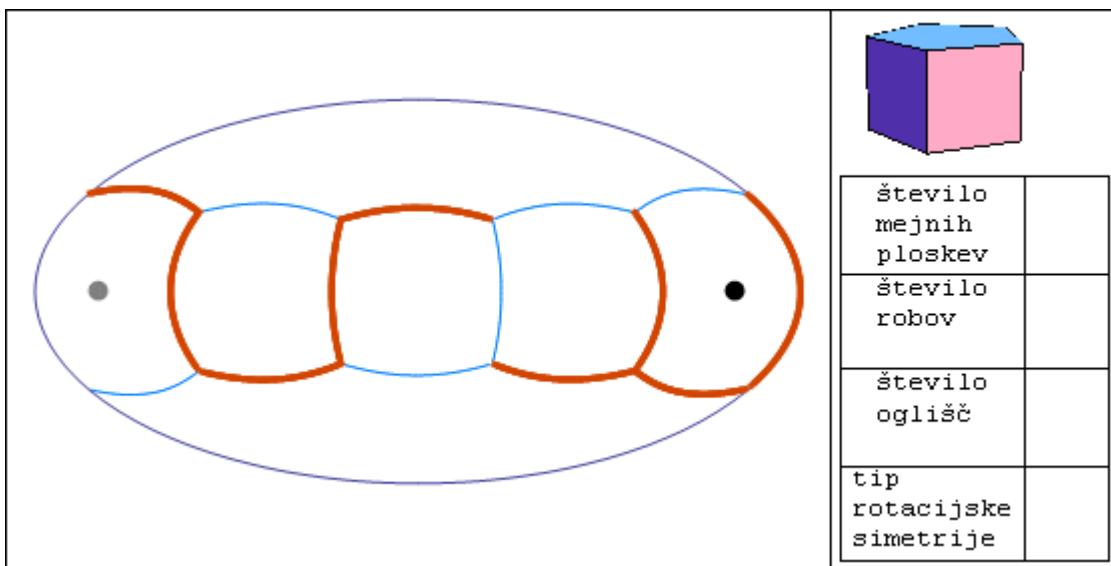
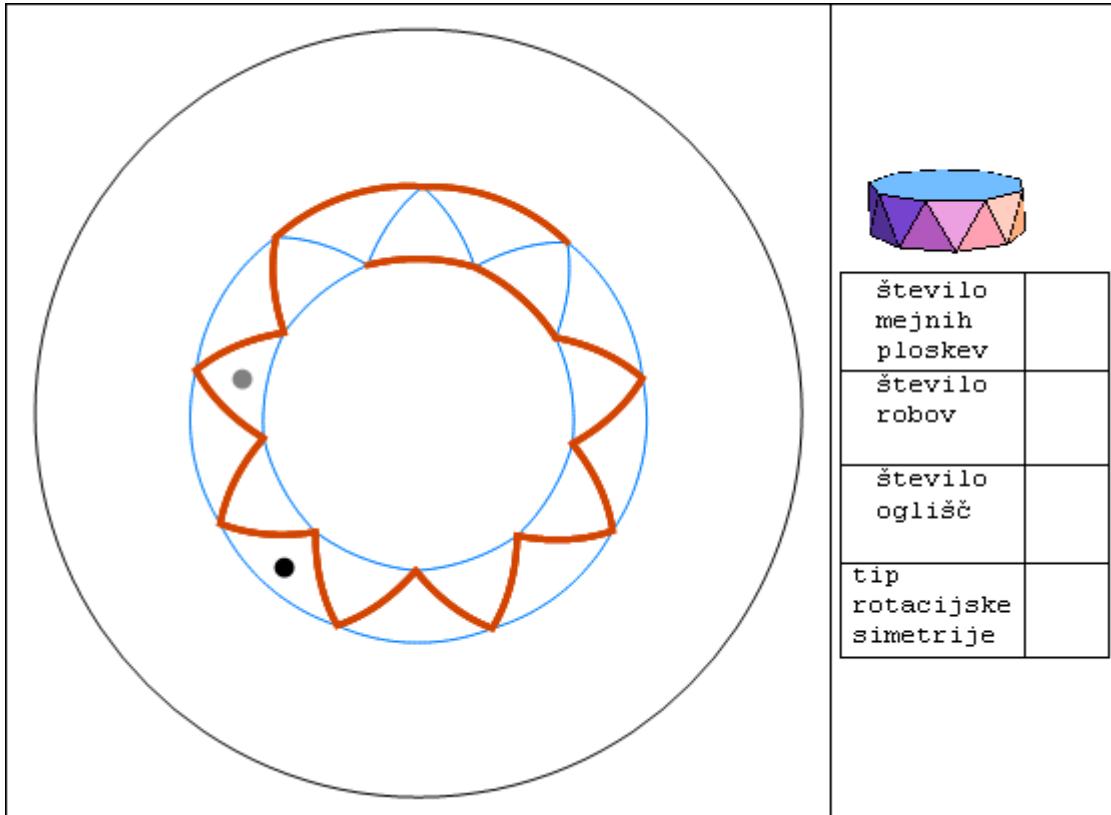
Labirinti na ploskvah

Podan je labirint na pravokotniku. Moramo poiskati pot od temnejše do svetlejše pike. Prehod med sosednjimi kvadratki je možen, če med njima ni odebeljene črte. Skica na levi pomeni, kako sta nasprotni stranici pravokotnika povezani (miselno ju moramo zlepiti).



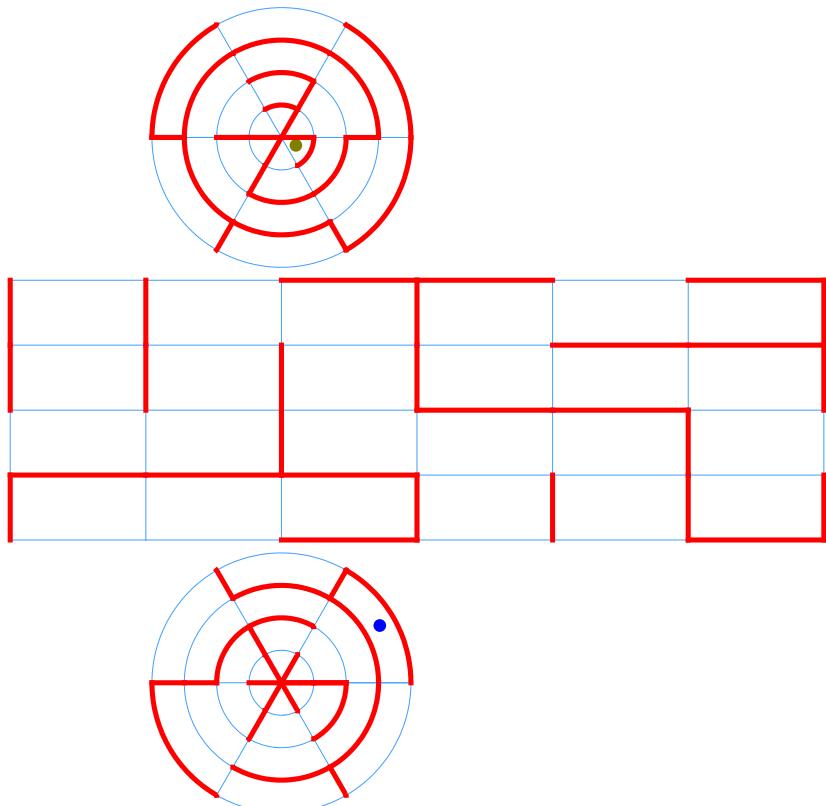
Labirinti na projekcijah teles

Telo je projicirano v ravnino. Na projekciji je podan labirint, kjer odebujene črte preprečujejo prehod iz projekcije mejne ploskve na projekcijo sosednje mejne ploskve.

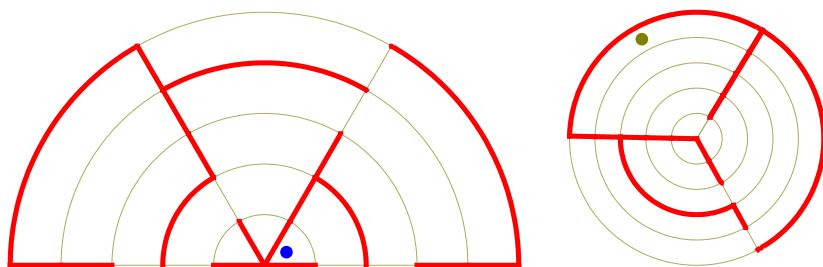


Labirinti na mreži valja in stožca

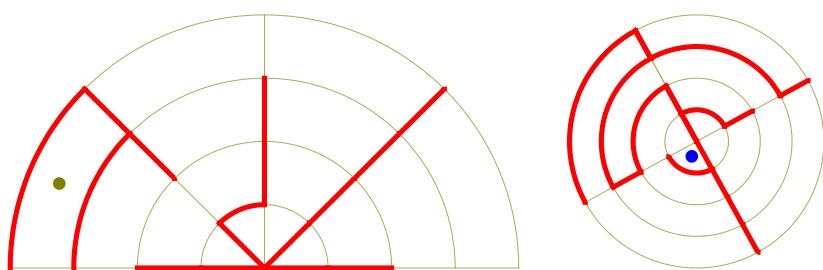
1.



2.



3.



Analiziraj pogoje nalog

Dobro definirana naloga je naloga, pri kateri so njeni pogoji potrebni in zadostni za njeno rešitev. To pomeni, da noben pogoj ni odveč in da ima naloga enolično rešitev. Pri zastavljeni nalogi imamo lahko več možnosti:

Naloga nima rešitve, pogoji so protislovni.

Naloga ima več rešitev, to je, pogoji niso zadostni (za enolično rešitev).

Naloga ima enolično rešitev, vendar pogoji niso potrebni (vsaj en pogoj bi lahko izpustili in bi naloga še vedno imela enolično rešitev).

Naloga ima enolično rešitev in pogoji so potrebni (neodvisni) in seveda zadostni. Naloga je dobro definirana.

V naslednjih nalogah moramo ugotoviti, kako je s pogoji naloge.

Poiskati moramo imena A, B,C, ... likov, ki so označeni z 1, 2, 3, ..., če so izpolnjeni pogoji na desni strani slike. Ugotoviti moramo tudi, ali so pogoji neodvisni.

	1. Lik D je zelen. <input type="checkbox"/> N 2. Če je lik C oranžen, potem je lik B rumen. <input type="checkbox"/> R 3. Lik D je kvadrat, če in samo če je lik B kvadrat. <input type="checkbox"/> N
	1. Lik B ni rumen. <input type="checkbox"/> N 2. Lik B je levo od C. <input type="checkbox"/> R 3. Lik C je rumen, če in samo če je lik A oranžen. <input type="checkbox"/> N
	1. Ali je lik A trikotnik ali je lik A oranžen. <input type="checkbox"/> R 2. Lik B je trikotnik ali je lik C trikotnik. <input type="checkbox"/> N 3. Lik C je zelen, če in samo če je lik B rumen. <input type="checkbox"/> N
	1. Če je lik D petkotnik, potem je lik D kvadrat. <input type="checkbox"/> N 2. Ali je lik A kvadrat ali je lik B rumen. <input type="checkbox"/> R 3. Lik A je trikotnik, če in samo če je lik A zelen. <input type="checkbox"/> N

	<table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tbody> <tr><td>1. Petkotnik (D)</td><td>N</td></tr> <tr><td>2. Desno od (B, D)</td><td>R</td></tr> <tr><td>3. Zelen (D) ∨ Rumen (B)</td><td>N</td></tr> <tr><td>4. Kvadrat (C) ↔ Rumen (D)</td><td>N</td></tr> </tbody> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tbody> <tr><td>1. Petkotnik (C)</td><td>R</td></tr> <tr><td>2. Desno od (A, B)</td><td>R</td></tr> <tr><td>3. Petkotnik (D) ↔ Rumen (C)</td><td>R</td></tr> <tr><td>4. Zelen (C) ∧ Petkotnik (C)</td><td>N</td></tr> </tbody> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tbody> <tr><td>1. Trikotnik (B)</td><td>N</td></tr> <tr><td>2. Zelen (C) ⇒ Petkotnik (A)</td><td>N</td></tr> <tr><td>3. Kvadrat (D) ↔ Rumen (B)</td><td>N</td></tr> <tr><td>4. Petkotnik (B) ↔ Zelen (B)</td><td>N</td></tr> </tbody> </table> <table border="1" style="margin-bottom: 10px;"> <tbody> <tr><td>1. Petkotnik (B)</td><td>N</td></tr> <tr><td>2. Petkotnik (A) ∨ Trikotnik (C)</td><td>N</td></tr> <tr><td>3. Petkotnik (C) ↔ Rumen (C)</td><td>R</td></tr> <tr><td>4. Petkotnik (A) ⇒ Rumen (A)</td><td>N</td></tr> </tbody> </table>	1. Petkotnik (D)	N	2. Desno od (B, D)	R	3. Zelen (D) ∨ Rumen (B)	N	4. Kvadrat (C) ↔ Rumen (D)	N	1. Petkotnik (C)	R	2. Desno od (A, B)	R	3. Petkotnik (D) ↔ Rumen (C)	R	4. Zelen (C) ∧ Petkotnik (C)	N	1. Trikotnik (B)	N	2. Zelen (C) ⇒ Petkotnik (A)	N	3. Kvadrat (D) ↔ Rumen (B)	N	4. Petkotnik (B) ↔ Zelen (B)	N	1. Petkotnik (B)	N	2. Petkotnik (A) ∨ Trikotnik (C)	N	3. Petkotnik (C) ↔ Rumen (C)	R	4. Petkotnik (A) ⇒ Rumen (A)	N
1. Petkotnik (D)	N																																
2. Desno od (B, D)	R																																
3. Zelen (D) ∨ Rumen (B)	N																																
4. Kvadrat (C) ↔ Rumen (D)	N																																
1. Petkotnik (C)	R																																
2. Desno od (A, B)	R																																
3. Petkotnik (D) ↔ Rumen (C)	R																																
4. Zelen (C) ∧ Petkotnik (C)	N																																
1. Trikotnik (B)	N																																
2. Zelen (C) ⇒ Petkotnik (A)	N																																
3. Kvadrat (D) ↔ Rumen (B)	N																																
4. Petkotnik (B) ↔ Zelen (B)	N																																
1. Petkotnik (B)	N																																
2. Petkotnik (A) ∨ Trikotnik (C)	N																																
3. Petkotnik (C) ↔ Rumen (C)	R																																
4. Petkotnik (A) ⇒ Rumen (A)	N																																

Logična naloga

Štiri prijateljice (Ana, Lana, Ella, Dora) imajo z različne konje (Viharnik, Mistral, King, Pongo), ki so različnih pasem (poni, frizijec, vranec, lisjak). Za vsako določi ime, ime konja in njegovo pasmo.

1. Ellin konj je Pongo.
2. Mistral ni ne vranec ne poni.
3. Pongo ni ne poni ne frizijec.
4. Mistral ni frizijec.
5. Lana nima frizijca.
6. Lana nima Mistrala.
7. Viharnik ni poni.
8. Ana nima frizijca.

	Viharnik	Mistral	King	Pongo	poni	frizijec	vranec	lisjak
Ana								
Lana								
Ella								
Dora								
poni								
frizijec								
vranec								
lisjak								

ime	konj	pasma
Ana		
Lana		
Ella		
Dora		

Naloga v esperantu

Kvar amikinoj (Elizabeto, Hilda, Julia, Katrina) kun diversaj familiaj nomoj (Li, Dupont, Novak, MacDonald) havas diversajn profesiojn (bankistino, muzikistino, policistino, verkistino).

Divenu iliajn nomojn, familiajn nomojn kaj profesiojn.

1. La familia nomo de Katrina estas nek Li nek Dupont.
2. Sinjorino Novak estas nek muzikistino nek verkistino.
3. La familia nomo de Hilda ne estas Novak.
4. Hilda estas nek muzikistino nek verkistino.
5. La profesio de sinjorino Dupont ne estas muzikistino.
6. La familia nomo de Elizabeto ne estas Dupont.
7. La profesio de sinjorino MacDonald estas policistino.

	Li	Dupont	Novak	MacDonald	bankistino	muzikistino	policistino	verkistino
--	----	--------	-------	-----------	------------	-------------	-------------	------------

Elizabeto								
Hilda								
Julia								
Katrina								
bankistino								
muzikistino								
policistino								
verkistino								

nomo	famnom	profesio
Elizabeto		
Hilda		
Julia		
Katrina		

Preproste metode šifriranja

V tem sestavku se bomo ukvarjali s preprostimi metodami šifriranja. Najprej bomo imeli primer transpozicijskega šifriranja.

Imamo sporočilo, ki ga moramo šifrirati: »Sestanek tajnih agentov bo na železniški postaji ob 12. v torek.«

Sporočilo ima 64 znakov (vključno s presledki). Lahko ga razdelimo na 4 vrstice po 16 znakov.

s	e	s	t	a	n	e	k		t	a	j	n	i	h	
a	g	e	n	t	o	v		b	o		n	a		ž	e
l	e	z	n	i	š	k	i		p	o	s	t	a	j	i
o	b		1	2	.		v		t	o	r	e	k	.	

Kodiramo ga tako, da ga zapišemo po stolpcih:

Sal egeosezbtnn atilnoš2evk.k i b vtop a otjnjsonatri aehžjk ei.

Zgornji shemi velikosti 4×16 pravimo matrika. Operacija na matrikah, ki zamenja vrstice in stolpce, se imenuje *transponiranje*. V našem primeru je to:

s	a	1													
e	g	e	o												
s	e	z	b												
t	n	n													
a	t	i	1												
n	o	š	2												
e	v	k	.												
k		i													
	b		v												
t	o	p													
a		o	t												
j	n	s	o												
n	a	t	r												
i		a	e												
h	ž	j	k												
e	i		.												

Seveda te matrike ne potrebujemo pri ročnem delu, pri računalniškem kodiranju pa nastopa. Lahko bi seveda prvoten tekst razvrstili v 8 vrstic po 8 znakov:

s	e	s	t	a	n	e	k								
	t	a	j	n	i	h									
a	g	e	n	t	o	v									
b	o		n	a		ž	e								
l	e	z	n	i	š	k	i								
p	o	s	t	a	j	i									
o	b		1	2	.										
v		t	o	r	e	k	.								

Šifrirano poročilo zdaj izgleda takole:

S abl vetgoepo sae zobttjnnns oantait1rnio ša2eehvžkj.kk eii .

Poseben primer dobimo, če prvotno besedilo razbijemo na pare in nato zapišemo oba stolpca. Pri šifriranju običajno izpustimo presledke in ločila. S tem še nekoliko otežimo dešifriranje.

'dobimosenaželezniškipostajiob12.
dbmsnžlzikpsaib2oioeaenšiotjo1.

Znani primeri kodiranja so tudi tisti, ko naredimo zamenjavo črk. Recimo, da abecedo samo premaknemo. Primer, ko je premik za 2. Presledke in ločila pustimo.

a	b	c	č	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	r	s	š	t	u	v	z	ž
z	ž	a	b	c	č	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	r	s	š	t	u	v

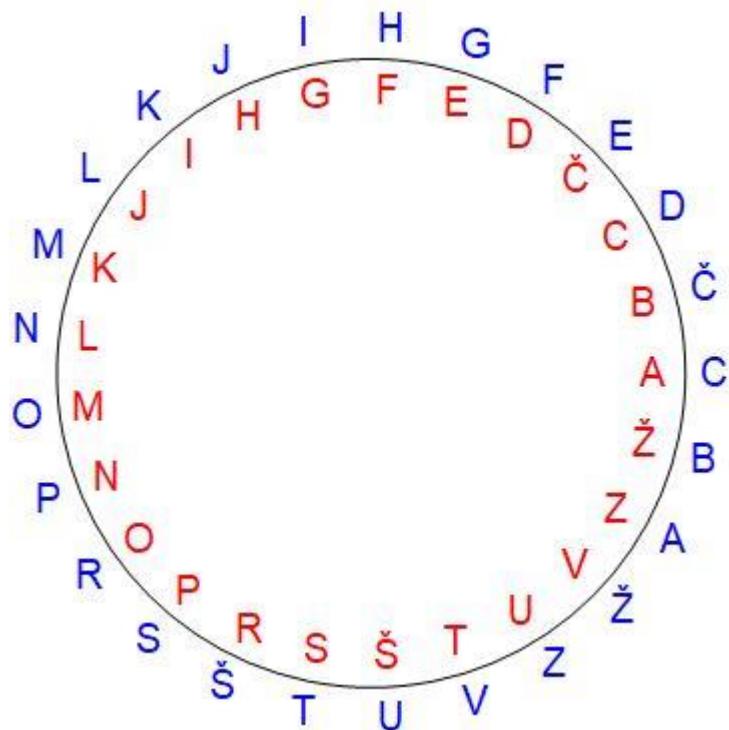
Original:

dobro bi bilo, da se spočijem.

Šifrirano sporočilo:

cmžom žg žgjm, cz pč pnmbghčk.

Da ne bi vsakič sestavljeni nove preglednice, imamo lahko zapisane črke na dveh krogih s skupno osjo.



Modre črke predstavljajo zgornjo, rdeče pa spodnjo vrstico.

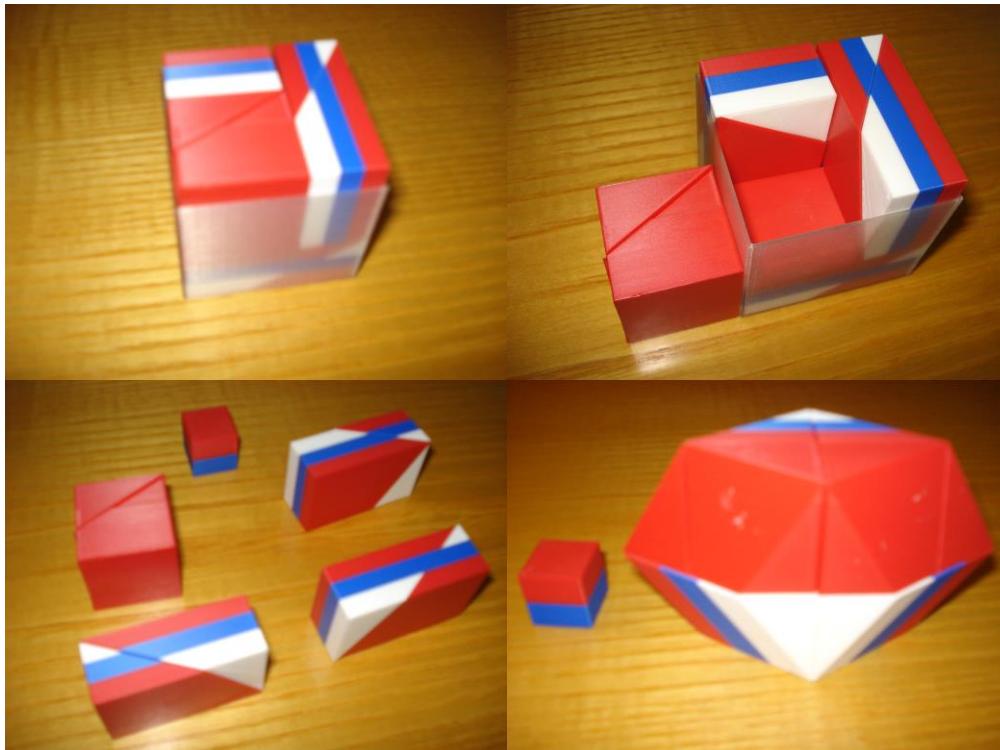
Pri dešifriranju si pomagamo s frekvencami pojavljanja črk v določenem jeziku. Primer slovenščine:

https://sl.wikipedia.org/wiki/Frekvence_%C4%8Drk

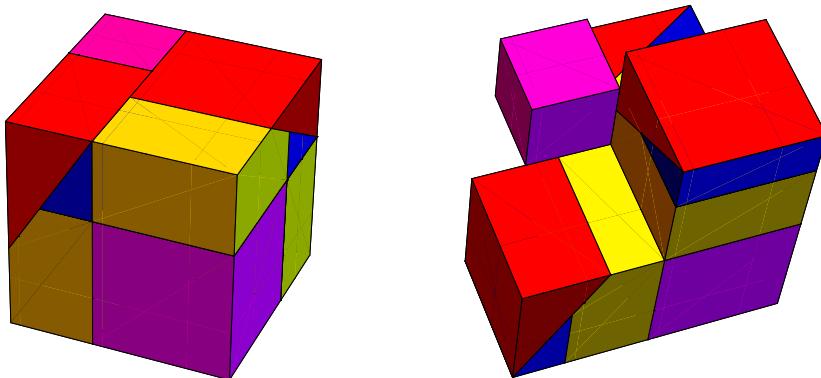
Geometrijska realizacija neke enakosti

Spodnje slike prikazujejo razdelitev kocke v dvanajsterec Bilinskega in manjšo kocko. To je geometrijska realizacija enakosti (σ je zlato število, $\sigma^2 = \sigma + 1$):

$$(1+\sigma)^3 = \sigma^3 + 3\sigma^2 + 3\sigma + 1 = \sigma^3 + 3\sigma(\sigma+1) + 1 = 4\sigma^3 + 1$$



Lahko pa tolmačimo zgornjo enakost kot razdelitev večje kocke na štiri manjše in eno majhno kocko:

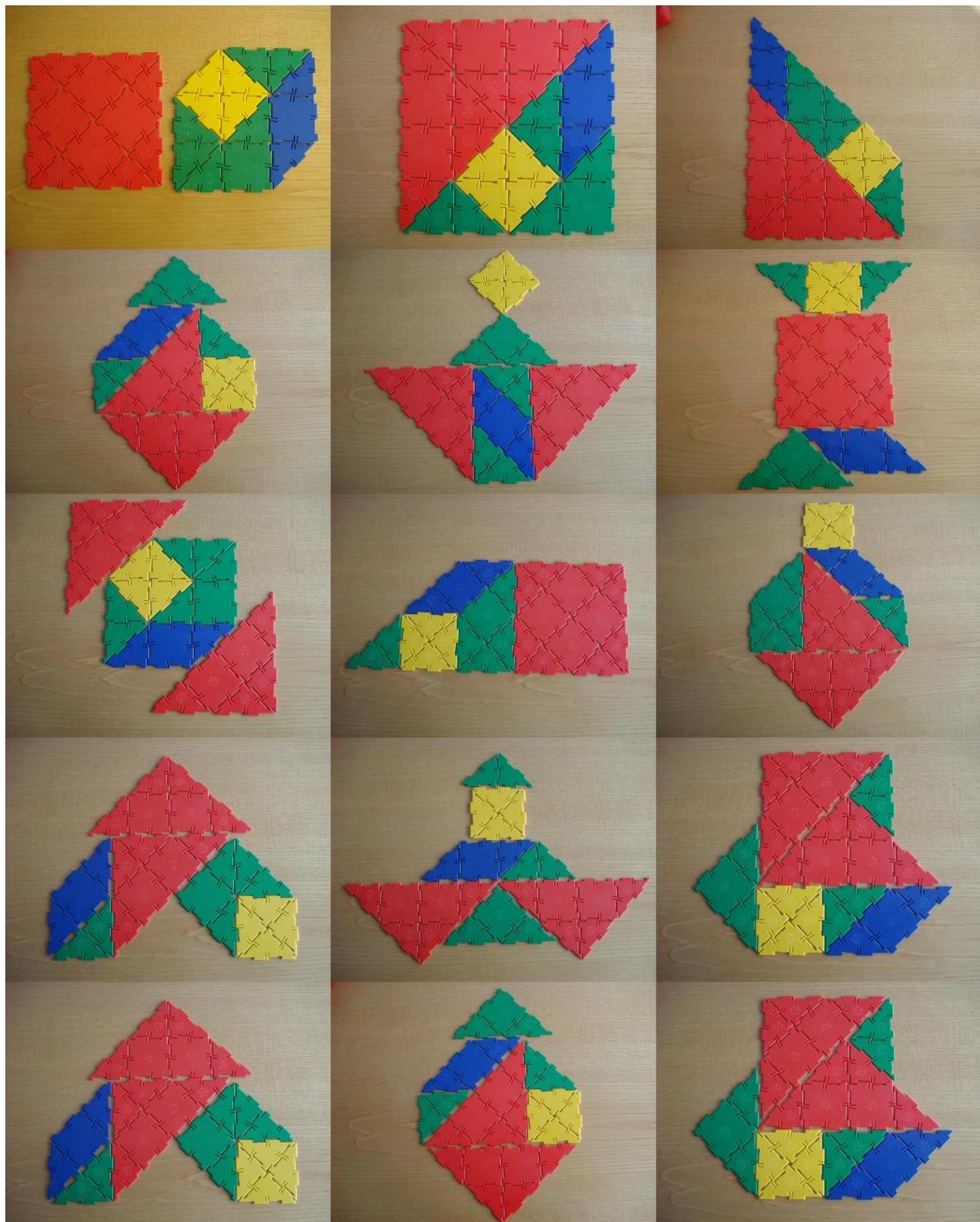


Referenca:

[Izidor Hafner "Dissecting Five Cubes into One "](#)
<http://demonstrations.wolfram.com/DissectingFiveCubesIntoOne/>
[Wolfram Demonstrations Project](#)

Published: April 1, 2019

Tangram iz ploščic Polydron



OŠ dr. Franceta Prešerna, RIBNICA



DA NE BOMO POZABILI ŠOLE NA DALJAVO

16. 3. – 1. 6. 2020, 19. 10. 2020 – 12. 2. 2021 in 1. 4.– 9. 4. 2021



Mir,

veliko

sreča, ljubezni,

spoštovanja in lepih

dogodkov v družini naj vam

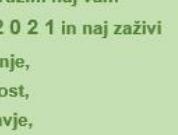
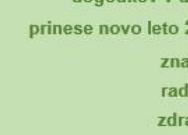
prinese novo leto 2021 in naj zaživi

znanje,

radost,

zdravje,

šola v šoli.



UČENKE, UČENCI 7. C in MARIJA AHČIN

https://www.youtube.com/watch?v=uefyUcOM5eM&list=PLZCdzdDcoHRxVI_XNVOSsofKhuvdGidL&index=3

Rešitev neke logične naloge

Alternativec na otoku vitezov in oprod

Nekje v oceanu obstaja otok, na katerem živijo prebivalci dveh vrst, vitezi in oprode. V naslednjih nalogah bomo imeli 6 domačinov, ki jih označujemo z A, B, C, D, ... Imamo tudi 6 izjav, ki jih je dal alternativec (ti izmenoma govorijo resnico in nerescnico), ko je obiskal otok.

Kateri prebivalec je vitez in kateri je oproda?

D je vitez in F je oproda.

E je vitez in C je oproda.

B je vitez in C je oproda.

C je vitez ali je D oproda.

F je vitez ali je C vitez.

Če je A vitez, potem je D vitez.

Postopek reševanja:

Zgornje pogoje zapišemo v matematičnem jeziku. Dogovorimo se za oznako \neg , ki jo dodamo pri oprodri. Potek reševanja sem zapisala s semantičnim drevesom in s tabelo.

1. Predpostavimo, da je alternativec v prvem stavku govoril resnico, v drugem nerescnico in tako naprej.
1. $D \wedge \neg F$
2. $\neg(E \wedge \neg C)$
3. $B \wedge \neg C$
4. $\neg(C \vee \neg D)$
5. $F \vee C$
6. $\neg(A \Rightarrow D)$

Semantično drevo:

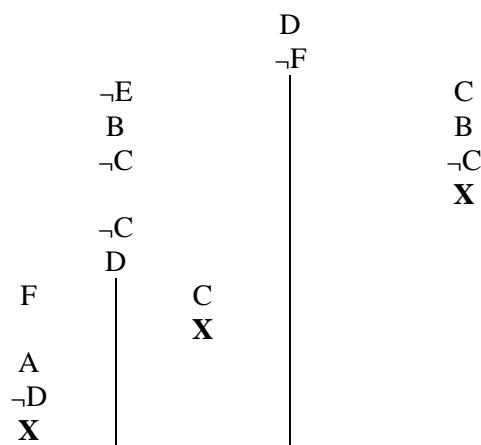


Tabela:

P	(1.)		D	
N	(2.)	$\neg E$		C
P	(3.)	B $\neg C$		B $\neg C$

			X
N	(4.)	$\neg C$ D	
P	(5.)	F	C X
N	(6.)	A $\neg D$ X	

2. Ker pri prvi predpostavki ne pridemo do rešitve, velja, da je alternativec v prvem stavku govoril neresnico, v drugem resnico in tako naprej.

1. $\neg(D \wedge \neg F)$
2. $E \wedge \neg C$
3. $\neg(B \wedge \neg C)$
4. $C \vee \neg D$
5. $\neg(F \vee C)$
6. $A \Rightarrow D$

Semantično drevo:

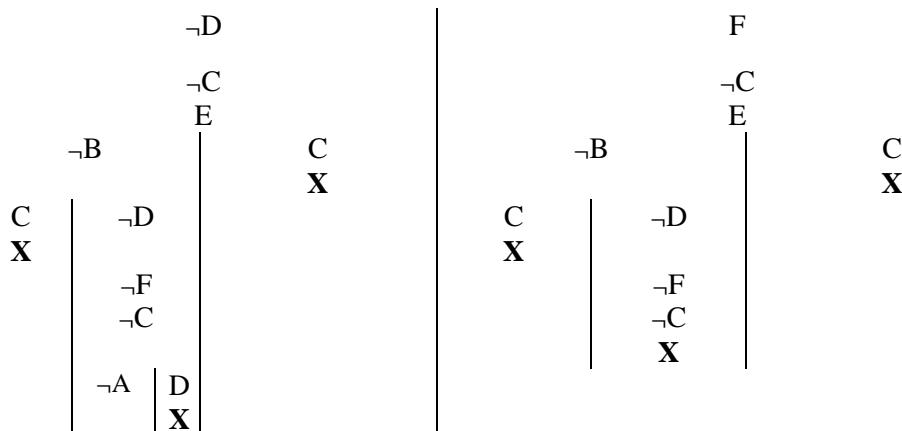


Tabela:

N	(1.)	$\neg D$		F		
P	(2.)	$\neg C$ E		$\neg C$ E		
N	(3.)	$\neg B$		C X	$\neg B$	
P	(4.)	C X	$\neg D$		C X	$\neg D$
N	(5.)		$\neg F$ $\neg C$			$\neg F$ $\neg C$ X
P	(6.)		$\neg A$	D X		

Tako pridemo do rešitve, da so A, B, C, D in F oprode, E pa je vitez.

Rešitve

Barvni sudoku

1.

4	5	2	1	3
3	1	4	2	5
5	2	1	3	4
1	3	5	4	2
2	4	3	5	1

1	3	4	2
2	4	1	3
4	2	3	1
3	1	2	4

2	4	3	1
4	2	1	3
3	1	4	2
1	3	2	4

3	1	2	4
4	2	1	3
2	3	4	1
1	4	3	2

1	3	2	4
2	1	4	3
3	4	1	2
4	2	3	1

3	1	4	2
4	3	2	1
1	2	3	4
2	4	1	3

4	1	5	6	2	3
2	6	3	5	1	4
1	5	2	4	3	6
6	3	4	2	5	1
5	4	1	3	6	2
3	2	6	1	4	5

1	2	4	3
4	1	3	2
2	3	1	4
3	4	2	1

4	2	1	3
1	3	4	2
2	4	3	1
3	1	2	4

5	4	2	1	3
3	1	5	4	2
1	2	4	3	5
2	3	1	5	4
4	5	3	2	1

3	2	4	1
4	3	1	2
2	1	3	4
1	4	2	3

2	3	4	1
4	2	1	3
3	1	2	4
1	4	3	2

2.

1	2	3	5	4
2	4	5	3	1
5	1	4	2	3
3	5	1	4	2
4	3	2	1	5

1	2	3	4	
2	1	4	3	
3	4	2	1	
4	3	1	2	

4	3	1	2	
2	1	3	4	
3	4	2	1	
1	2	5	3	

4	2	1	3	
2	4	3	1	
3	1	4	2	
1	3	2	4	

4	5	1	2	3
1	2	3	4	5
2	3	5	1	4
3	1	4	5	2
5	4	2	3	1

4	2	5	3	1
3	4	1	5	2
5	3	2	1	4
1	5	4	2	3
2	1	3	4	5

4	3	1	2	
1	2	4	3	
2	1	3	4	
3	4	2	1	

3	5	2	1	4
5	4	1	3	2
1	2	3	4	5
4	1	5	2	3
2	3	4	5	1

5	3	1	4	2
3	5	2	1	4
2	1	4	5	3
1	4	3	2	5
4	2	5	3	1

4	3	1	2	
2	1	4	3	
3	4	2	1	
1	2	3	4	

2	3	1	4	
3	1	4	2	
1	4	2	3	
4	2	3	1	

2	4	5	3	1
5	1	4	2	3
1	3	2	4	5
3	2	1	5	4
4	5	3	1	2

Latinski kvadrati

2	5	1	4	3
3	2	5	1	4
5	3	4	2	1
4	1	2	3	5
1	4	3	5	2

2	5	4	3	1
5	3	2	1	4
3	2	1	4	5
4	1	5	2	3
1	4	3	5	2

1	5	4	3	2
4	1	2	5	3
3	2	5	1	4
2	3	1	4	5
5	4	3	2	1

3	4	1	2
2	3	4	1
1	2	3	4
4	1	2	3

4	1	2	3
2	4	3	1
3	2	1	4
1	3	4	2

5	1	4	3	2
1	2	3	4	5
3	4	5	2	1
2	3	1	5	4
4	5	2	1	3

2	3	4	1
1	4	2	3
4	1	3	2
3	2	1	4

5	1	2	3	4
1	4	3	5	2
3	5	4	2	1
2	3	1	4	5
4	2	5	1	3

3	2	1	4
1	3	4	2
4	1	2	3
2	4	3	1

3	1	2	4
2	4	1	3
4	2	3	1
1	3	4	2

5	4	1	2	3
4	2	5	3	1
2	5	3	1	4
1	3	2	4	5
3	1	4	5	2

1	5	4	2	3
5	2	1	3	4
4	1	3	5	2
3	4	2	1	5
2	3	5	4	1

Sudoku s črkami

A	4	3	1	2
A	1	2	4	3
A	2	4	3	1
B	3	1	2	4

C	3	1	2	4
A	2	3	4	1
D	1	4	3	2
B	4	2	1	3

C	3	4	2	1
A	2	1	3	4
A	4	2	1	3
C	1	3	4	2

D	4	2	3	1
A	2	1	4	3
A	1	3	2	4
C	3	4	1	2

B	4	3	1	2
B	2	1	4	3
D	3	4	2	1
D	1	2	3	4

D	3	2	4	1
C	4	3	1	2
C	1	4	2	3
B	2	1	3	4

B	1	2	4	3
A	3	4	2	1
C	2	3	1	4
D	4	1	3	2

D	4	2	3	1
C	1	4	2	3
B	3	1	4	2
C	2	3	1	4

B	2	3	4	1
B	4	2	1	3
C	3	1	2	4
C	1	4	3	2

C	1	3	4	2
B	2	1	3	4
A	3	4	2	1
A	4	2	1	3

A	2	4	3	1
C	3	2	1	4
A	4	1	2	3
D	1	3	4	2

C	3	2	4	1
C	4	3	1	2
D	1	4	2	3
A	2	1	3	4

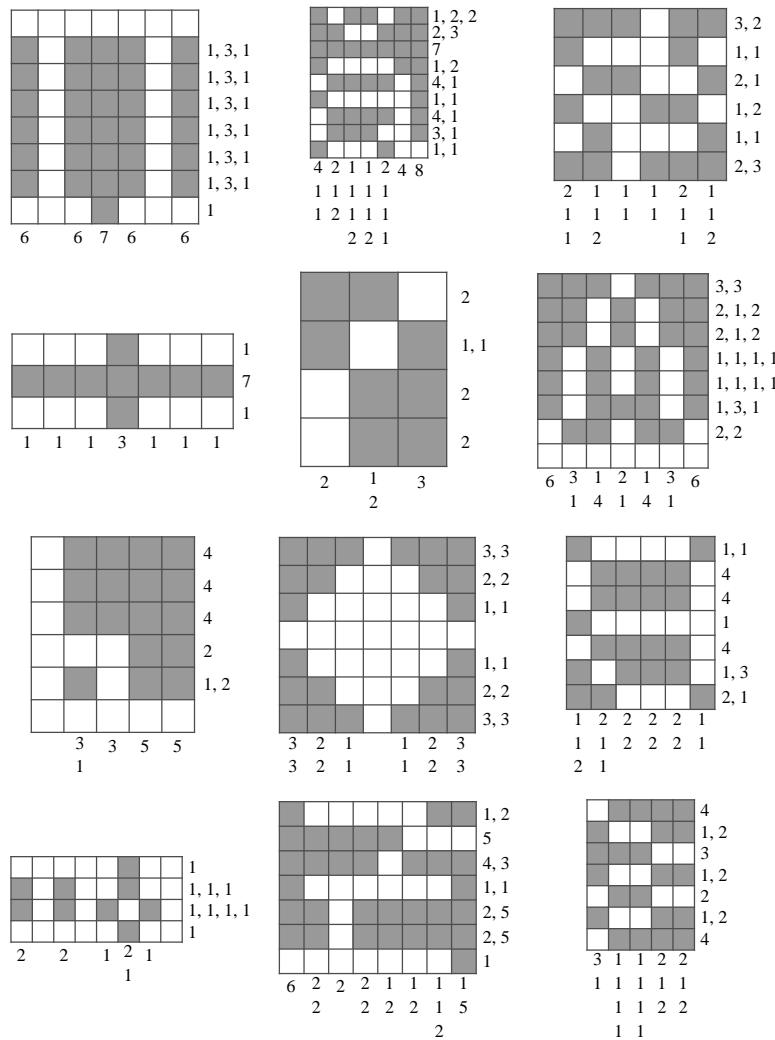
Futoshiki

$2 < 5$ 1 3 4 $4 > 3$ 5 2 1 3 1 4 5 2 $1 < 2$ 3 $4 < 5$ 5 4 2 1 3	1 3 $>$ 2 3 $>$ 2 1 2 1 3	3 1 4 2 5 2 5 3 1 4 $4 > 2$ 5 $3 > 1$ $1 < 4$ 2 $5 > 3$ 5 3 1 4 2
3 5 1 2 4 1 4 5 3 2 $4 > 2$ 3 5 1 2 3 $4 > 1 < 5$ 5 1 $2 < 4$ 3	2 3 1 4 5 1 2 3 5 4 $5 > 1$ 4 3 2 3 4 $5 > 2$ 1 $4 < 5$ $2 > 1$ 3	$5 > 4 > 1$ 2 3 4 $5 > 3$ 1 2 1 3 2 4 5 3 2 4 5 1 2 $1 < 5$ 3 4
2 1 3 3 2 $>$ 1 1 $<$ 3 2	$3 < 4$ 1 2 5 4 1 2 5 3 1 2 5 3 4 $2 < 5$ 3 4 1 5 $3 < 4$ $1 < 2$	4 1 2 5 3 $5 > 2$ 4 3 1 $2 < 5$ $3 > 1$ 4 1 3 $5 > 4$ 2 3 4 1 2 5
1 2 $<$ 3 3 1 2 2 3 $>$ 1	$2 < 4$ 3 1 3 1 $2 < 4$ 4 $3 > 1$ 2 1 2 4 3 3 2 < 4 1	4 3 1 2 1 4 2 3 2 $1 < 3$ 4 3 > 2 < 4 1

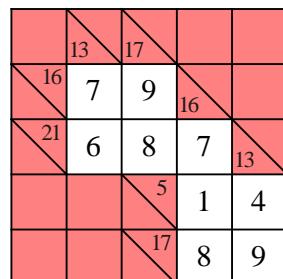
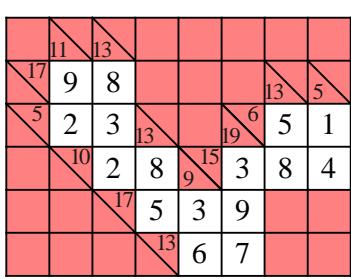
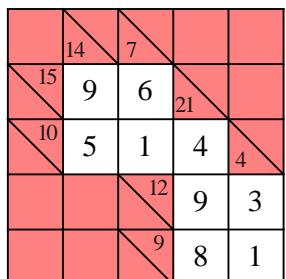
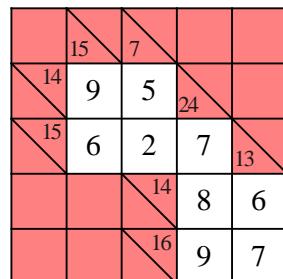
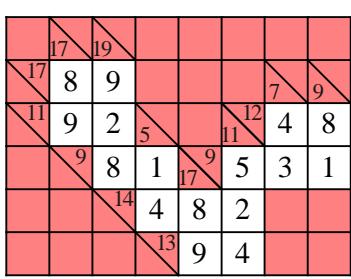
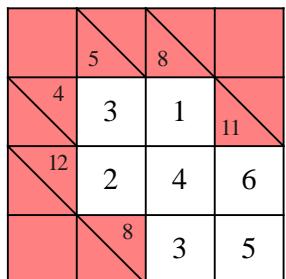
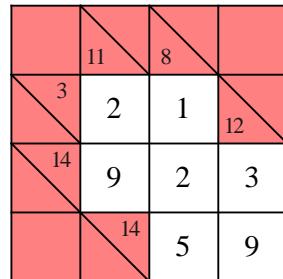
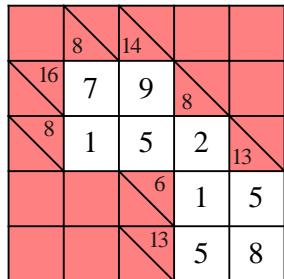
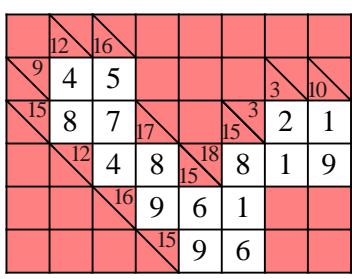
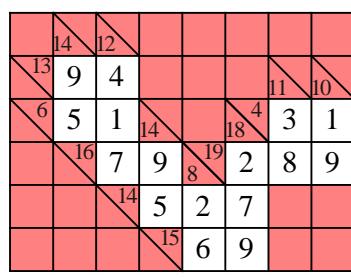
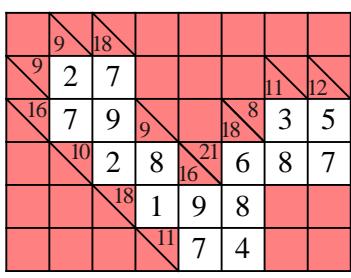
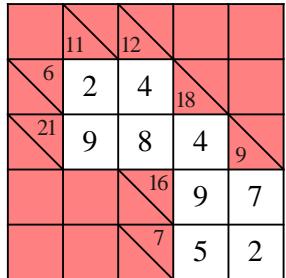
Razpored znakov

<table border="1"><tr><td>A</td><td>C</td><td>B</td></tr></table>	A	C	B	<table border="1"><tr><td>C</td><td>B</td><td>A</td></tr></table>	C	B	A				
A	C	B									
C	B	A									
<table border="1"><tr><td>C</td><td>D</td><td>A</td><td>B</td></tr></table>	C	D	A	B	<table border="1"><tr><td>D</td><td>C</td><td>A</td><td>B</td></tr></table>	D	C	A	B		
C	D	A	B								
D	C	A	B								
<table border="1"><tr><td>A</td><td>D</td><td>B</td><td>E</td><td>C</td></tr></table>	A	D	B	E	C	<table border="1"><tr><td>B</td><td>D</td><td>C</td><td>E</td><td>A</td></tr></table>	B	D	C	E	A
A	D	B	E	C							
B	D	C	E	A							
<table border="1"><tr><td>C</td><td>B</td><td>E</td><td>A</td><td>D</td></tr></table>	C	B	E	A	D	<table border="1"><tr><td>B</td><td>D</td><td>E</td><td>A</td><td>C</td></tr></table>	B	D	E	A	C
C	B	E	A	D							
B	D	E	A	C							

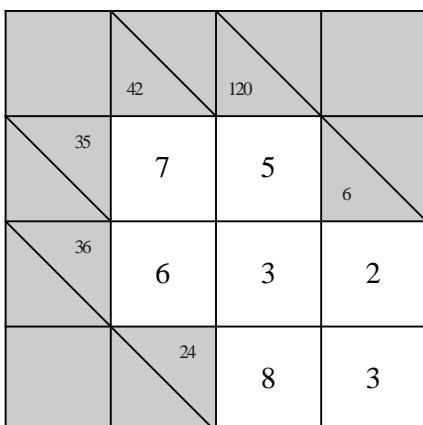
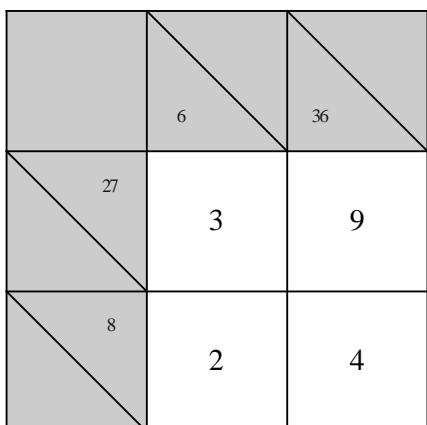
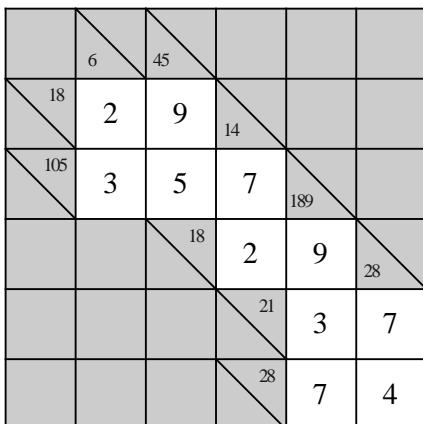
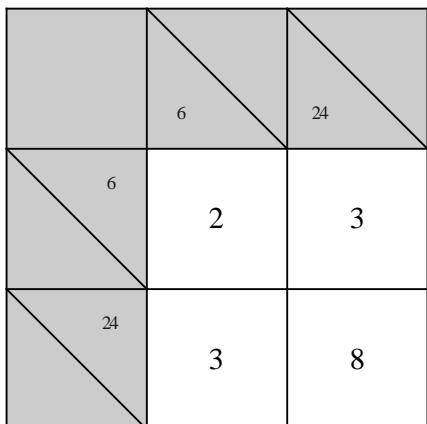
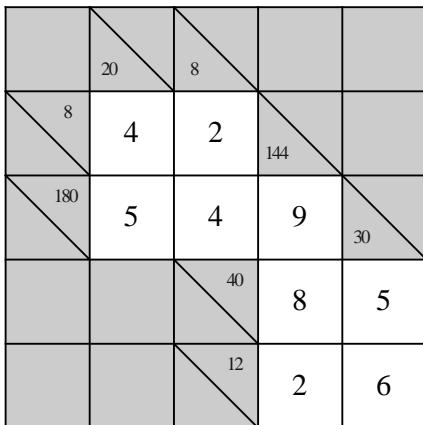
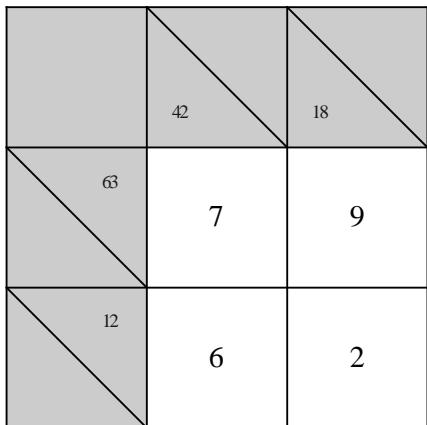
Gobelini



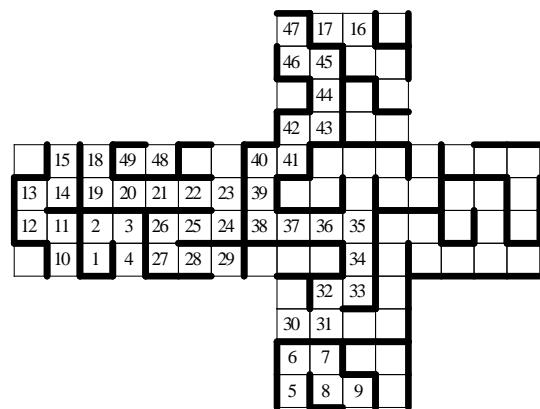
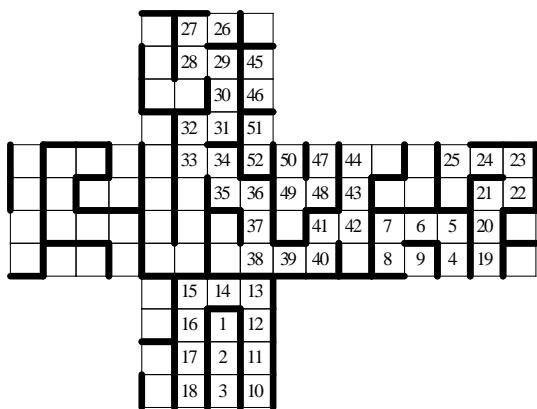
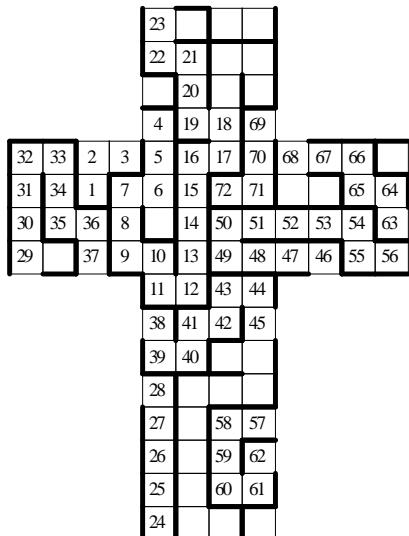
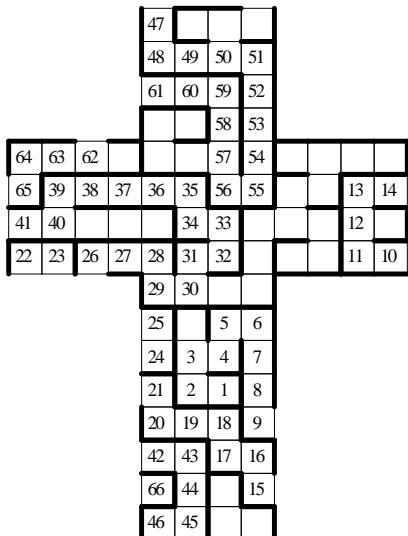
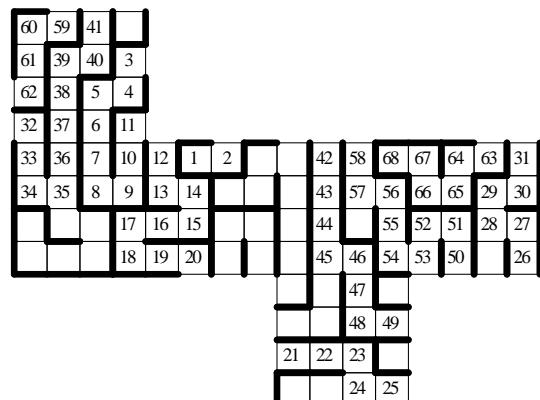
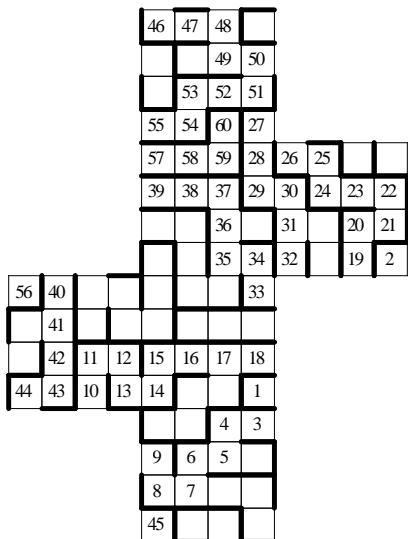
Križne vsote



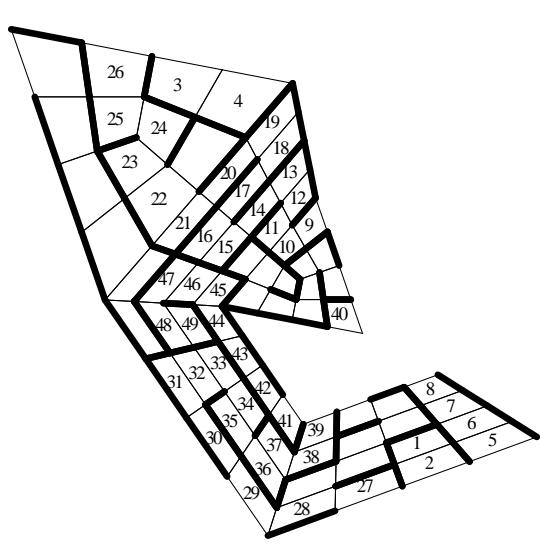
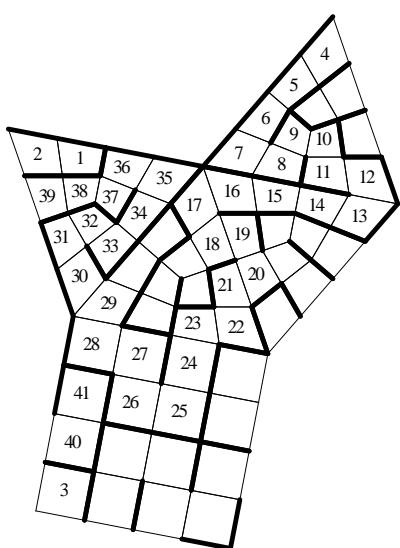
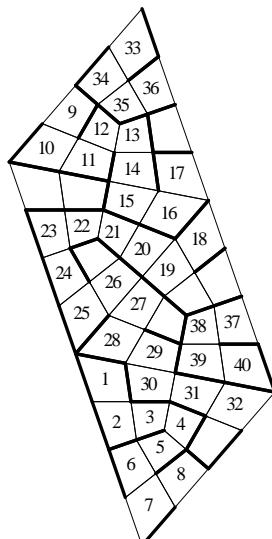
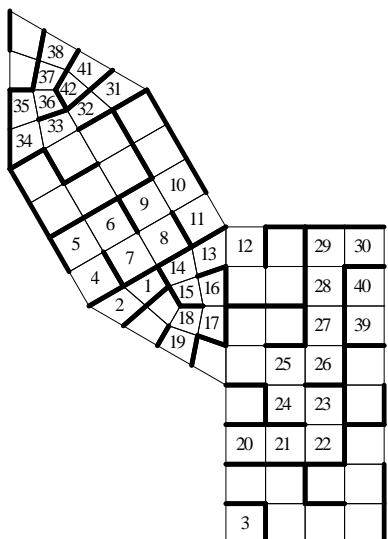
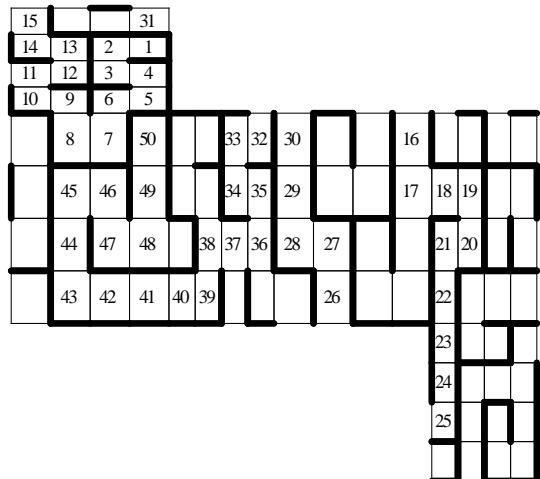
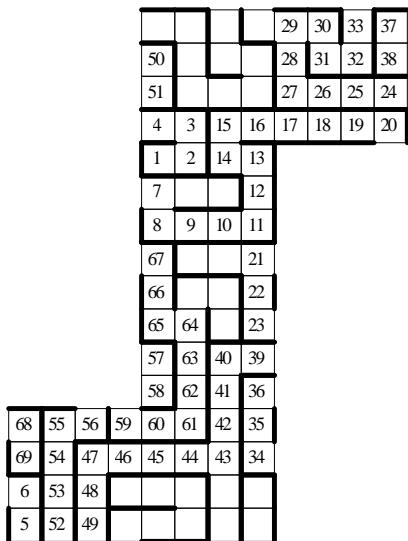
Križni produkti



Labirint na kocki

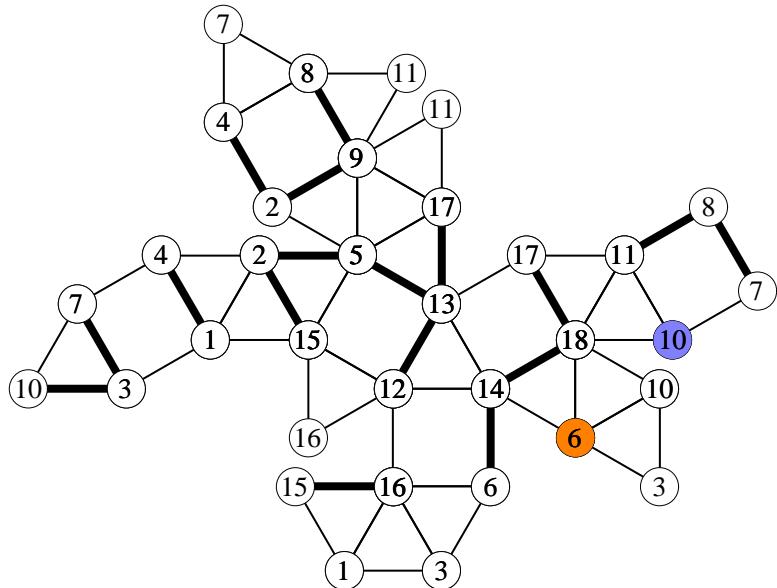


Labirinti na enostavnih poliedrih



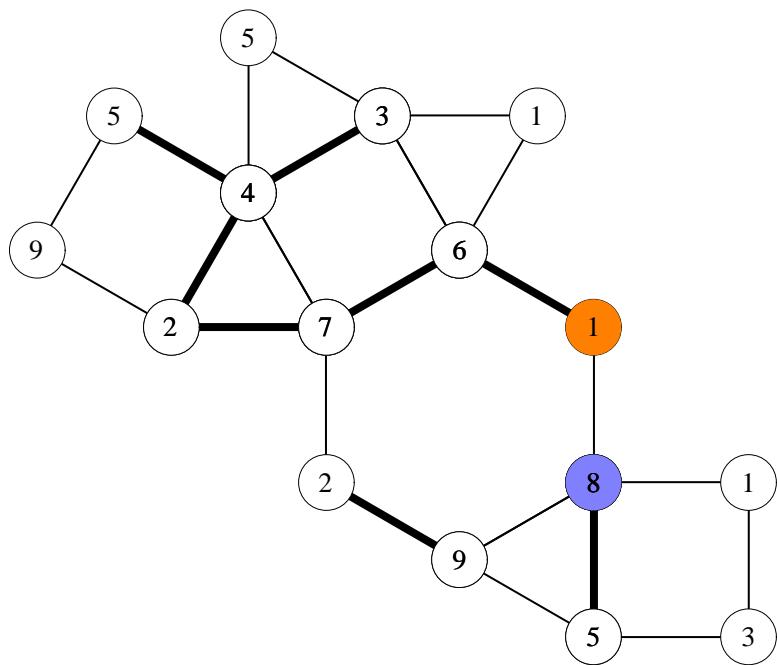
Labirinti na robovih poliedra

1.



$\{6, 14, 18, 17, 13, 5, 2, 9, 8, 7, 3, 10\}$

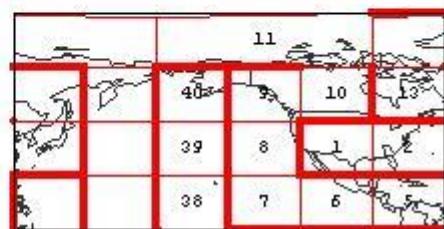
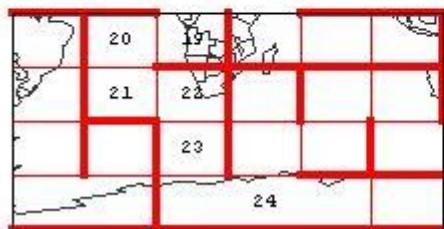
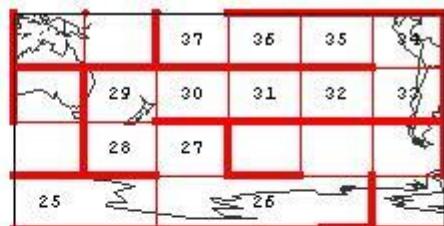
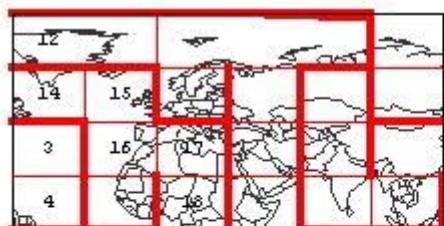
2.



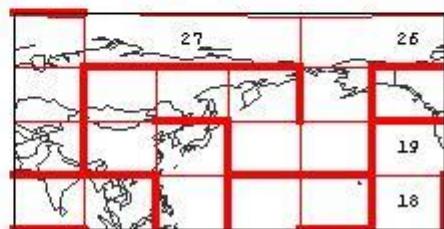
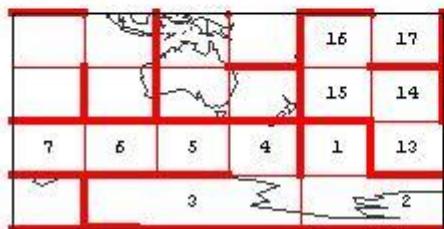
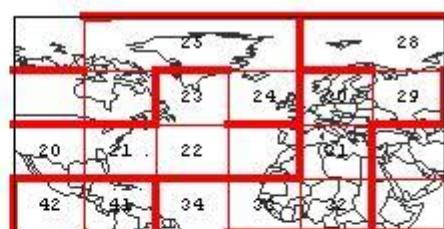
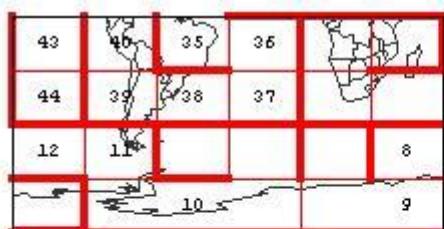
$\{1, 6, 7, 2, 4, 5, 8\}$

Večdelni labirinti na zemljevidu

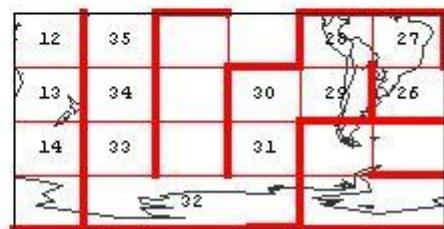
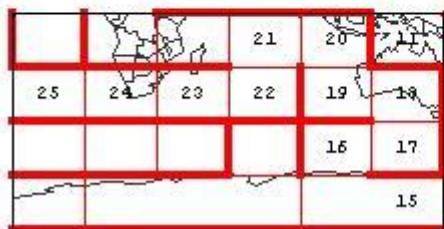
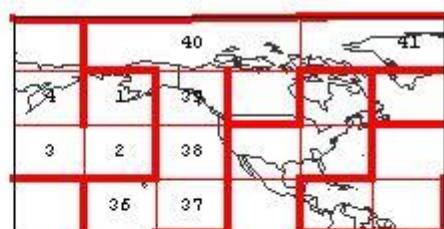
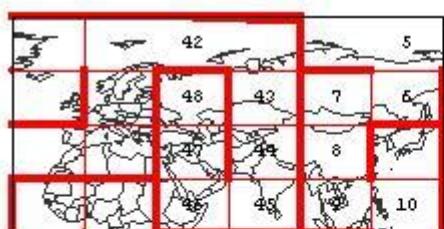
1.



2.



3.



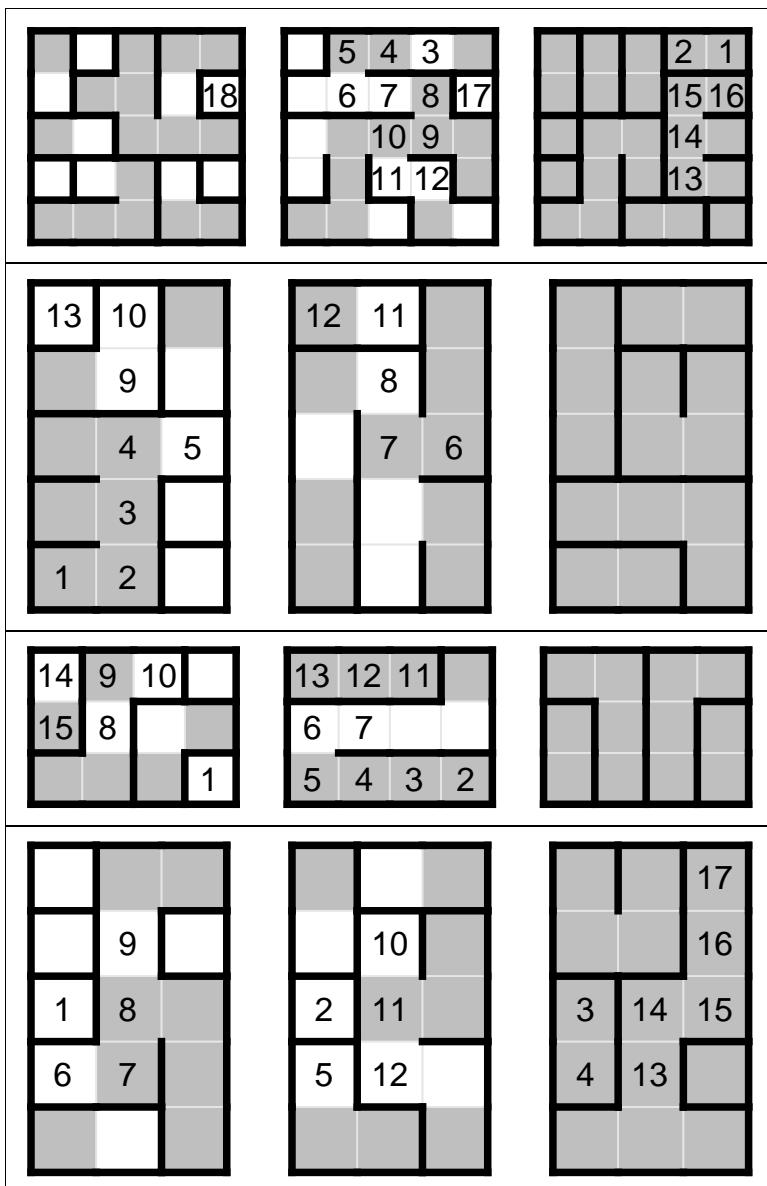
Odstranjene kocke

119 52 83
 96 67 87
 78 62 60
 85 97 52

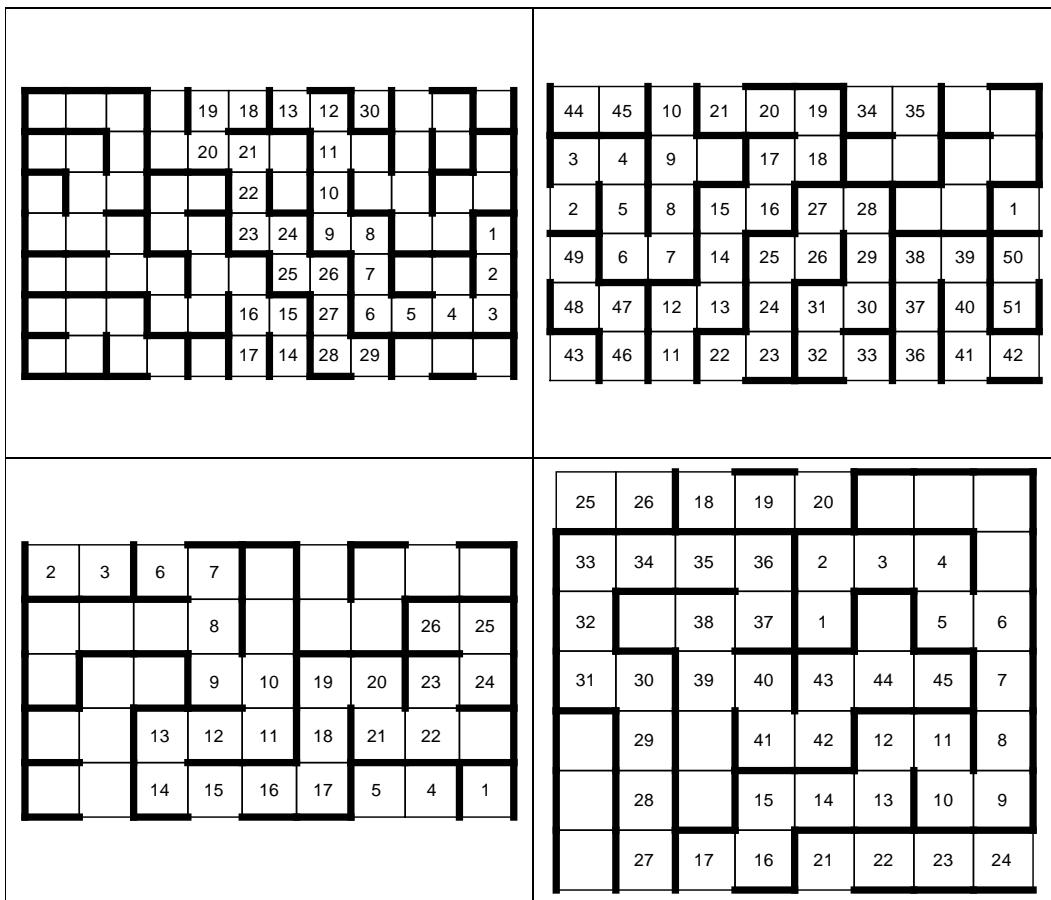
Kocki določi mrežo

{1, 2, 3, 1, 3, 4}

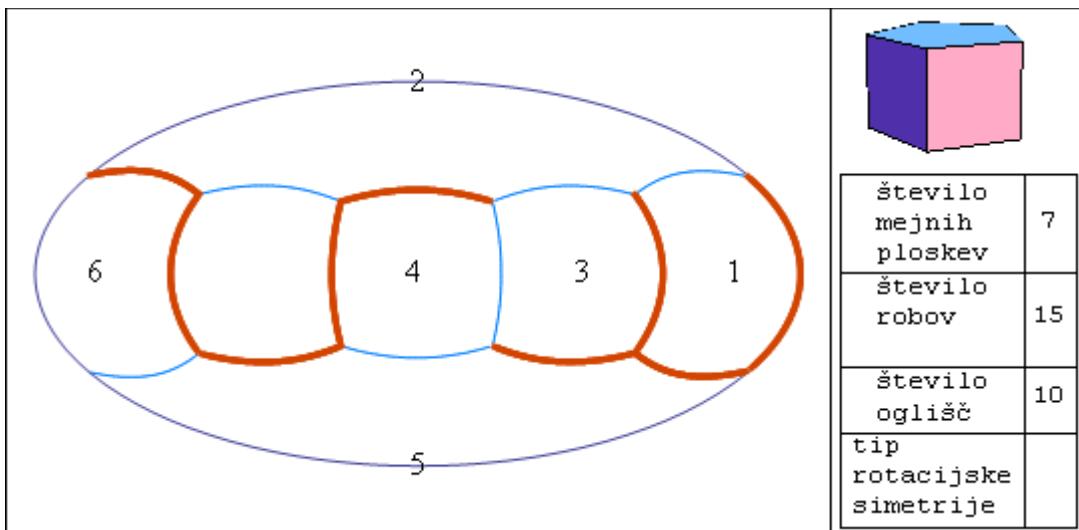
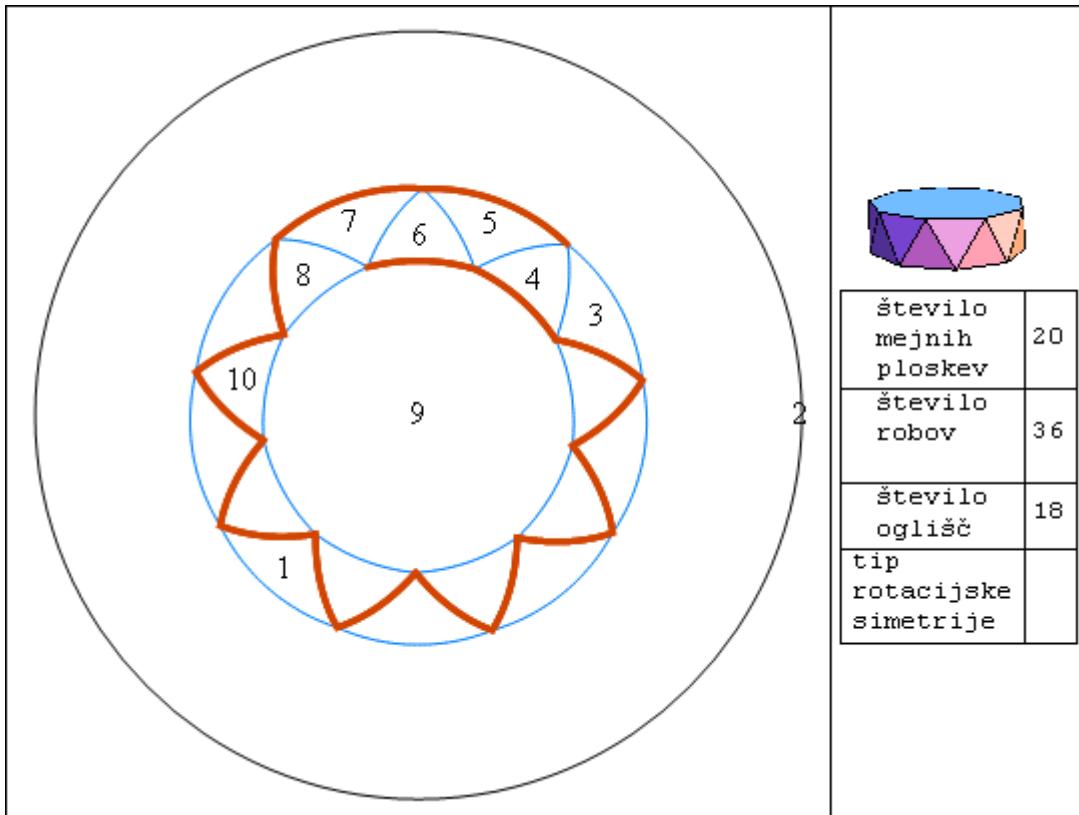
Labirint v kvadru



Labirint na ploskvah

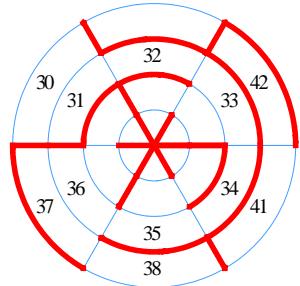
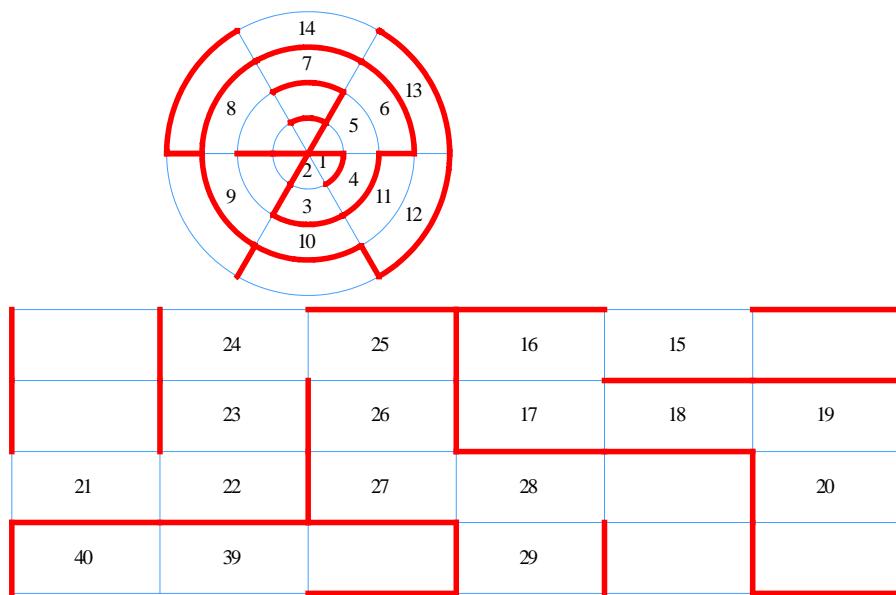


Labirint na projekcijah teles

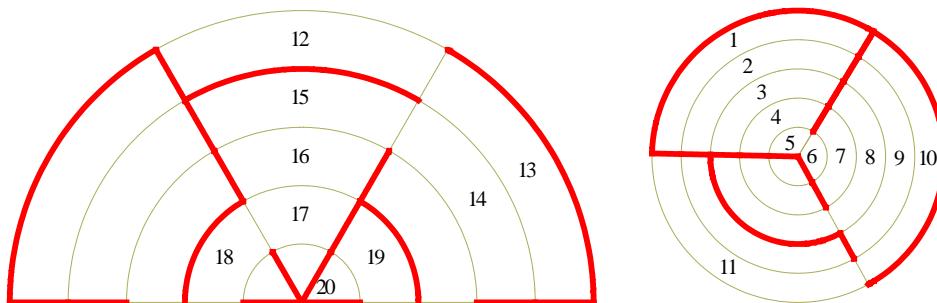


Labirinti na mreži valja in stožca

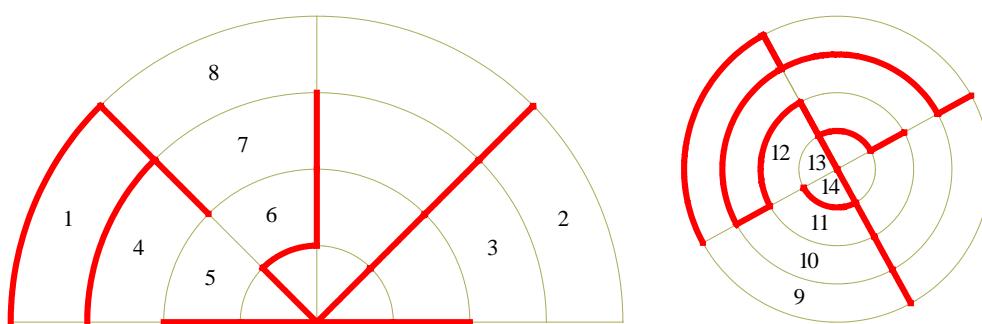
1.



2.



3.



Analiziraj pogoje nalog

A D C B	BACD	DACB				
	ACDB	CDAB	CADB			
	BDCA					
B A D C	ABCD	ADCB	CBAD			
	DABC	BCDA	DCBA			
	BACD	BDCA	BDAC			
A B D C	DBAC					
	ADBC	BADC	CADB	CABD	DABC	
	ACDB					
C D B A	DCBA	ABDC	ABCD	DACB	CADB	DABC
	BDCA	ADCB	ADBC			
	BDAC					
C A B D	BDAC	CDAB	ADBC	CDBA		
	CBAD					
	DABC					
	ACBD					
D C B A	CDBA	CADB	BADC			
	DCAB	BCAD	ACBD			
	BCDA					
	DACB	BACD				
D B C A	DCBA					
	DBAC					
	ABCD					
	BCDA	BACD	BCAD			
D C A B	BCAD					
	CDAB	CBAD				
	DBAC					
	CBDA	CADB	ACDB			

Izdaja: Založniško podjetje **LOGIKA d.o.o.**, Svetčeva pot 11, 1241 Kamnik. Poslovni račun pri NLB: 02312-0016592829. Davčna številka: SI56917309. Podjetje je zavezanc za DDV po zakonu o DDV.

Za izdajatelja: *Izidor Hafner*.

E-mail: info@logika.si

Spletna stran: <http://www.logika.si>.

Revija *Logika & razvedrilna matematika* je vpisana v register medijev pri Ministrstvu za kulturo pod številko 759.

Strokovna pokrovitelja: UP FAMIT in *Slovensko društvo za diskretno in uporabno matematiko*.

Glavni in odgovorni urednik: *dr. Izidor Hafner* (<http://mat03.fe.uni-lj.si/html/people/izidor/homepage/>)

Člana časopisnega sveta: *prof. dr. Tomaž Pisanski* in *Darjo Felda*, *prof.*

Recenzent: *Vilko Domajnko*, *prof.*

Sodelavci: *mag. Urša Demšar*, *dr. Gregor Dolinar*, *Monika Kavalir*, *dr. Meta Lah*, *Boštjan Kuzman*, *Teja Oblak*, *Hiacinta Pintar*, *Maja Pohar*, *mag. Katka Šenk* in *dr. Aleš Vavpetič*.

Oblikovanje: *Ana Hafner*

Jezikovni pregled: *Besana*

Naslovница: *Maša Bratkovič*

Za objavljenе prispevke ne plačujemo honorarjev.

© 2021 LOGIKA d.o.o.

ISSN 2350-532X

LOGIKA & RAZVEDRILNA MATEMATIKA, letnik XXX, št. 4 od 4, 2020/2021